

- Kertaus: CD-algoritmi
- Hyperkaarikonsistenssi
- Kaarikonsistenssi
- Suunnattu kaarikonsistenssi
- Polkukonsistenssi
- Suunnattu polkukonsistenssi
- K-konsistenssi
- Relaatiokonsistenssi

## CD (Generic Iteration for Compound Domains)

Vaatimukset: Äärellinen osittaisjärjestys minimialkiolla ja funktiot sekä monotonisia, että inflationaarisia.

$d := (\perp_1, \dots, \perp_n); d' := d; G := F_0$

WHILE  $G \neq \emptyset$  DO

choose  $g \in G$

$d'[s] := g(d[s])$ , where  $s$  is the scheme of  $g$

IF  $d'[s] \neq d[s]$  THEN

$G := G \cup \{f \in F_0 \mid f \text{ depends on an } i \text{ in } s \text{ such that } d[i] \neq d'[i]\}$

$d[s] := d'[s]$

ELSE  $G := G - \{g\}$

## Hyperkaarikonsistenssi (1)

$$\frac{\langle C; x_1 \in D_1, \dots, x_k \in D_k \rangle}{\langle C; x_1 \in D_1, \dots, x_{i-1} \in D_{i-1}, x_i \in D'_i, x_{i+1} \in D_{i+1}, \dots, x_k \in D_k \rangle}$$

missä  $D'_i := \{a \in D_i \mid \exists d \in C : a = d[x_i]\}$ . Vastaava funktio,  $\pi_i(X_1, \dots, X_k) = (X_1, \dots, X'_i, \dots, X_k)$ , liiskaa domainin  $D_i$  mahdollisimman lyttyyn ja pitää muut ennallaan. T.s.

$X'_i = \{d[x_i] \mid d \in X_1 \times \dots \times X_k \wedge d \in C\}$ . Tässä tietysti  $X_i \in \mathcal{P}(D_i)$ .

## Hyperkaarikonsistenssi (2)

CSP  $\langle \mathcal{C}; x_1 \in D_1, \dots, x_n \in D_n \rangle$  on hyperkaarikonsistentti joss  $(D_1, \dots, D_n)$  on funktioiden  $\pi_i^+$  yhteinen fixpoint rajoitteiden  $\mathcal{C}$  suhteen. (triviaalisti sama asia kuin “suljettu hyperkaarisäännön suhteen”) Lisäksi jokainen funktio  $\pi_i$  on osittaisjärjestyksen  $(\mathcal{P}(D_i), \supseteq)$  suhteen sekä inflationaarinen, että monotoninen, joten ehdot CD-algoritmin käytölle täyttyvät.

CD-instantiaatio CSP:lle  $\mathcal{P}$ :  $F_0 = \{f \mid f \text{ jokin } \pi_i\}$ ,  $\perp_i = D_i$ . Tämä hyperkaarialgoritmi pysähtyy ja laskee yhteisen fixpointin (CD-algoritmin corollary 7.18 kirjasta).

## Kaarikonsistenssi

Erikoistapaus hyperkaarikonsistenssista. Kirjassa on annettu hiottu versio hyperkaarialgoritmistä tälle erikoistapaukselle, mutta se ei ole syönyt mitään uutta ja ihmeellistä.

## Suunnattu kaarikonsistenssi

Tässä voidaan käyttää SICD-algoritmia (Simple Iteration):

$$d := (\perp_1, \dots, \perp_n)$$

FOR  $i := k$  TO 1 BY  $-1$  DO

$d[s_i] := f_i(d[s_i])$ , where  $s_i$  is the scheme of  $f_i$

Lisävaatimukset: Jokainen  $f_i$  idempotentti ja  $f_i$  semikommutoi  $f_j$ :n kanssa kaikille  $i, j : i > j$ , eli  $\forall d : f_i^+ f_j^+(d) \sqsubseteq f_j^+ f_i^+(d)$ .

Instantiaatiosta jätetään  $\pi_0$  pois ja funktiot  $\pi_1$  laitetaan järjestykseen.

Olkoot  $f_{\alpha,\beta}$  funktio  $\pi_1$  muuttujien  $\alpha, \beta$  rajoitteelle. Tällöin  $f_{x,z}^+$  tulee ennen  $f_{v,y}^+$ :tä, jos  $y \prec z$ , koska pätee

$$f_{x,z}^+ f_{v,y}^+(X_1, \dots, X_n) \supseteq f_{v,y}^+ f_{x,z}^+(X_1, \dots, X_n).$$

## Polkukonsistenssi

Polkukonsistenssin säännöt:  $\frac{C_{x,y}, C_{x,z}, C_{y,z}}{C'_{x,y}, C_{x,z}, C_{y,z}}$ , ja vastaavat 2 muuta.

$C'_{x,y} = C_{x,y} \cap C_{x,z} \cdot C_{y,x}^T$ . Rajoitutaan (wnlog) standardisoituun

CSP:hen (jokaiselle muuttujaparille tasan yksi rajoite). Koodataan

säännöt funktioiksi  $f_{x,z}^y(P, Q, R) = (P', Q, R)$ , missä

$P' = P \cap Q \cdot R^T$ . Nämä täyttävät CD:lle tarvittavat ehdot, joten

saadaan suoraan Path-algoritmi asettamalla  $\perp_i = C_i$  ja

$F_0 = \{f \mid x, y, z \text{ on CSP:n muuttujien alisekvenssi ja}$

$f \in \{f_{x,y}^z, f_{x,z}^y, f_{y,z}^x\}\}$ . Myös tästä on kirjassa hienosäädetty

versio.

## Suunnattu polkukonsistenssi

Tässäkin suunnatussa versiossa käytetään SICDiä. CSP  $\mathcal{P}$  on suunnatusti polkukonsistentti joss  $(C_1, \dots, C_k)$  on funktioiden  $(f_{x,y}^z)^+$ ,  $x \prec y \prec z$  yhteinen fixpoint. SICDille annetaan nämä funktiot yläosan (edellisessä  $z$ ) mukaisessa järjestyksessä, eli jos  $u \prec z$ , niin  $f_{x_1,y_1}^z$  tulee ennen  $f_{x_2,y_2}^u$ :ta, johtuen taas semikommutoinnista.



## K-konsistenssi

Rajoitutaan säännöllisiin CSP:ihin (jokaiselle muuttujasekvenssille  $X$  tasan yksi rajoite,  $C_X$ ). K-konsistenssisääntö vastaa funktiota  $f_{X,y}(Q, Q_1, \dots, Q_m) = (Q', Q_1, \dots, Q_m)$ , missä  $Q' = Q \cap \Pi_X(Q_1 \bowtie \dots \bowtie Q_m)$ . T.s.  $f$  poistaa  $X$ :stä ne tuplet, joita ei saa laajennettyä  $X, y$ :hyn niin, että rajoitteet  $Q_1, \dots, Q_m$  täyttyvät.

CD-algoritmin parametrit:  $\perp_i = C_i$ ,  $F_0 = \{f_{X,y} \mid X \text{ on } k - 1 \text{ mittainen alisekvenssi CSP:n muuttujista ja } y \notin X\}$ .

## Relaatiokonsistenssi

Samankaltainen kuin K-konsistenssin toteutus.

$(i, m)$ -relaatiokonsistenssi: määritellään jokaiselle rajoitesekvenssille  $C_1, \dots, C_m$  ja  $Var(C_1, \dots, C_m)$ :n  $i$ -mittaiselle muuttuja-alisekvenssille  $X$  funktio

$f_{C_1, \dots, C_m, X}(Q, Q_1, \dots, Q_m) = (Q', Q_1, \dots, Q_m)$ , missä  $Q' = Q \cap \Pi_X(Q_1 \bowtie \dots \bowtie Q_m)$ . CD-instantiaatiossa  $\perp_i = E_i$ , missä  $E_i$  on CSP:n  $i$ :s rajoite ja  $F_0 = \{f_{C_1, \dots, C_m, X} \mid C_1, \dots, C_m\}$  on rajoite-alisekvenssi ja  $X$  on  $i$ :n mittainen  $Var(C_1, \dots, C_m)$ :n muuttuja-alisekvenssi }.