

# T-79.179 Rinnakkaiset ja hajautetut digitaaliset järjestelmät

## Johdanto

Marko Mäkelä

20. tammikuuta 2003

## Kevään 2002 opintojakso

- Luennot:** TkL Marko Mäkelä, 451 3365, [Marko.Makela@hut.fi](mailto:Marko.Makela@hut.fi)  
**Harjoitukset:** Jukka Honkola, 451 5244, [Jukka.Honkola@hut.fi](mailto:Jukka.Honkola@hut.fi)  
**Suorittaminen:** Tentti ja pakolliset kotitehtävät  
(vähimmäispisteraja; mahdollisuus parantaa arvosanaa)  
**Esitiedot:** [T-79.144](#) Logiikka tietotekniikassa, perusteet  
[T-79.148](#) Tietojenkäsittelyteorian perusteet

*(This course corresponds to [T-79.231](#), which is lectured in English.)*

## Opetusmateriaali

Marko Mäkelä: luentokalvot (opintojakson kotisivulta tai opetusmonisteessa)

Marko Mäkelä: MARIA-käyttöohje: <http://www.tcs.hut.fi/Software/maria/>

## Muuta lukemista

Tadao Murata: *Petri Nets: Properties, Analysis and Applications* (opetusmonisteessa)

Javier Esparza

& Stephan Merz: *Model Checking* (kurssin kotisivulla)

Robin Milner: *Communication and Concurrency*

# Tiedottaminen

- Kotisivu <http://www.tcs.hut.fi/Studies/T-79.179/>
  - harjoitustehtävät
  - kotitehtävät
- Keskusteluryhmä <mailto:news.tky.hut.fi/opinnot.tik.rhj>
  - pikaiset ilmoitusasiat
  - keskustelua harjoitus- ja kotitehtävistä

## Opintojakson tavoite

Kurssin tavoitteena on antaa valmiuksia rinnakkaisten ja hajautettujen järjestelmien mallintamiseen sekä niitä koskevien vaatimusten esittämiseen ja tarkistamiseen.

- Mallintaminen: Petri-verkot, siirtymäjärjestelmät ja prosessialgebra
- Vaatimusten esittäminen: aikalogiikka
- Vaatimusten tarkistaminen: saavutettavuusanalyysi, työkalujen käyttö

## Muita aihepiiriin liittyviä opintojaksoja

- T-79.186 Reaktiiviset järjestelmät
- T-79.190 Rinnakkaisohjelmistojen testaus
- T-79.193 Rinnakkaisohjelmistojen määrittelymenetelmät
- T-76.164 Sulautetut järjestelmät
- T-76.166 Rinnakkaisohjelmointi
- T-79.146 Logiikka tietotekniikassa: Erityiskysymyksiä I
- T-79.185 Verifiointi

## Rinnakkaiset ja hajautetut järjestelmät: mitä ne ovat?

- rinnakkaisuus: tapahtumien samanaikaisuus (concurrency) ja suoritusjärjestysten vaihtoehtoisuus (epädeterminismi)
- hajautus: järjestelmää ei hallita täysin keskitetysti

Hajautettu järjestelmä on sellainen, jossa entuudestaan tuntemattoman koneen hajoaminen saa koneesi käyttökelvottomaksi. *L. Lamport*

- asynkronisuus: järjestelmän osia ei ole tahdistettu muuten kuin viestiliikenteellä
- reaktiivisuus: jatkuvatoimisen järjestelmän toimintaa säätelevät ulkoiset ärsykkeet

## Rinnakkaiset ja hajautetut järjestelmät: suunnitleminen

Rinnakkaisuutta sisältävät järjestelmät ovat usein niin mutkikkaita, ettei niitä ole mahdollista tehdä huonotapaisille ohjelmoijille tutulla yrityksen ja erehdyksen menetelmällä. Vaikka perustapaus toimisikin, erikoistapaukset voivat aiheuttaa ongelmia.

- epädeterminismi (vaihtoehtojen suuri määrä):
  - paikallinen haarautuminen: mielivaltainen syöte ja laaja `switch`-lohko
  - ajassa haarautuminen: jokin ärsyke voi saapua hyvin monella eri hetkellä
- järjestelmän nykyisten ja tulevien osien keskinäiset riippuvuudet:
  - hajautettuja toimintoja ohjaava koodi tuppaa pirstoutumaan
  - laajennukset on helppointa ottaa huomioon abstraktissa mallissa



## Rinnakkaiset ja hajautetut järjestelmät: mihin tarvitaan?

- tehostaminen: monta pienitehoista suoritinta saa edullisemmin kuin yhden huipputehokkaan, eikä yhden tehokkaimman suorittimen teho välttämättä riitä sovellukseen
- redundanssi: järjestelmä pysyy toiminnassa huoltojaksojen ja joidenkin laitteiden toimintahäiriöiden aikana
- modulaarisuus: voi olla helpompi hallita monta erikoistunutta prosessia kuin yhtä monimutkaista, joka huolehtii kaikesta
- maantieteellinen hajautus: varautuminen suuronnettomuuksiin ja sotatoimiin

## Järjestelmien ominaisuuksia

- turvallisuus (*safety*) : "järjestelmä ei joudu pahaan tilaan"; kussakin tilassa pätee  $P$ 
  - lukkiutumattomuus (*deadlock freedom*)
  - keskinäinen poissulkevuus (*mutual exclusion*) jne.
- elävyys (*liveness*) : "järjestelmä etenee";  $X$  tapahtuu äärettömän usein
- reiluus (*fairness*) ;  $X$ :n jälkeen  $Y$  tapahtuu  $n$  askeleen kuluessa
  - lähetetyt viestit saapuvat perille
  - kukin palvelupyyntö suoritetaan
- vakautuvuus (*self-stabilisation*) : "järjestelmä toipuu häiriöstä äärellisessä ajassa"

## Menetelmiä

- Petri-verkot: paikka–siirtymä-verkot ja korkean tason verkot
- Aikalogiikka
- MARIA ja algebralliset järjestelmäverkot
- Siirtymäjärjestelmät ja prosessialgebra
- Tila-avaruuden kutistusmenetelmien perusperiaatteet: osittaisjärjestyskutistukset ja vastaavuudet (ekvivalenssit)

## Menetelmien käyttökohteita

- tietoliikenne
  - yhteyskäytäntöjen (protokollien) tarkistaminen (verifiointi) ja testaaminen
  - suorituskyvyn arviointi
- turvallisuuskriittiset sulautetut järjestelmät
  - rautateiden kulunvalvonta (JKV)
  - lentokoneiden ja lennonjohdon järjestelmät
- laitteistosuunnittelu: *locally synchronous, globally asynchronous*
  - suorittimet, liitäntäpiirit, välimuistit ja muistiväylät
  - ohjelmoitavan logiikan ja mikro-ohjainten työnjako
- mitkä tahansa reaktiiviset järjestelmät

## Ohjelmistotuotannon ongelmia

- Miten suunnitellaan ja toteutetaan ohjelmisto siten, että
  - se kyetään toimittamaan ajallaan tilauksen mukaisena,
  - sen kustannukset pysyvät ennalta määrätyissä rajoissa,
  - asiakas saa odotuksiaan vastaavan ratkaisun ja
  - ohjelmistoa on helppo laajentaa?
- Ohjelmien tekeminen on pitkälti käsityötä.
- Formaalit menetelmät (*formal methods*) tarjoavat ratkaisuja joihinkin ongelmiin.

## Ohjelmistokriisi

Ohjelmien koon kasvaessa niiden tuotanto- ja ylläpitokustannukset kasvavat. Mitä myöhemmin virhe havaitaan, sen kalliimpaa se on korjata (enemmän koodimuutoksia tai jopa asiakastoimituksia). Sopimussakot ja maineen menettäminenkin maksavat.

- puhelinverkko: vaihteiden kaatumisia, *feature interaction* , laskutusongelmia
- avaruusluotainten virheitä: Mariner I, Ariane 5, ...
- Pentium-suorittimen virheitä: `fpdiv`, `f0 0f`, ...
- huonosti ohjelmoitujen WWW-palvelinten ylläpito sitoo tolkuttomasti resursseja
- muita esimerkkejä virheistä: [nntp:comp.risks](http://nntp:comp.risks)

## Mitä määrittäminen (spesifiointi) on?

- Määrittäminen on järjestelmän toimintojen oletusten ja vaatimusten kuvaamista.
- Määritysten tulisi olla yksikäsitteisiä mutta ei välttämättä täydellisiä.
- Määrittämissä kuvataan sallitut laskennat (tai suoritukset).
- Määrittäystä voidaan pitää asiakkaan ja toimittajan välisenä *sopimuksena* siitä, mitä toimitettava ohjelma tekee.
- Spesifioinnilla tarkoitetaan yleensä järjestelmän formaalia kuvaamista.

## Formaalien kuvausmenetelmien etuja

- oikeellisuus: automaattinen tarkistus, että järjestelmä toteuttaa vaatimusmäärittelyt
- täydellisyys: määrittelyt toimivat muistilistana
- yhdenmukaisuus: määrittelyistä voidaan varhaisessa vaiheessa havaita ristiriitaisia tai kohtuuttomia vaatimuksia
- uudelleenkäytettävyys: määrittelyt ovat varsin riippumattomia ohjelmisto- ja laitteisto-ympäristöstä, ja samat ratkaisut sopivat erilaisiin hankkeisiin (*“design patterns”*)

Ohjelmistotuotannon kuvausmenetelmät, kuten UML, eivät usein ole riittävän formaaleja.

Marko Mäkelä



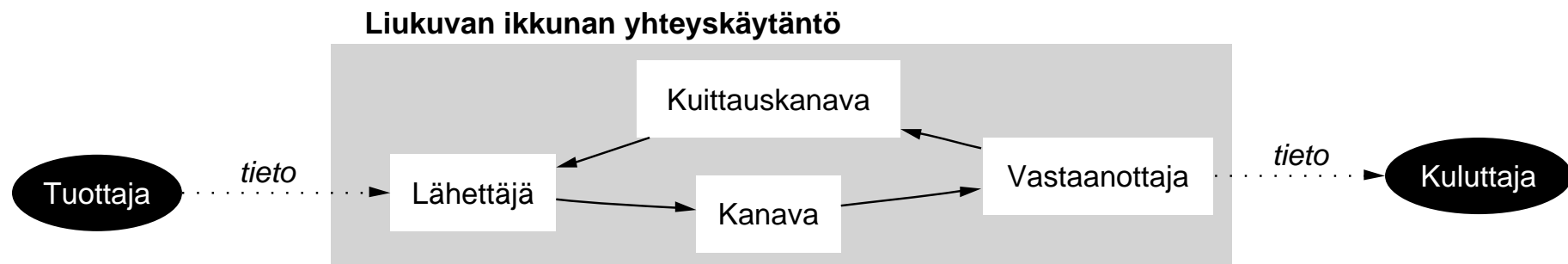
## Spesifiointi ohjelmistotuotannossa

- vaatimusten esittäminen: asiakkaan tarpeiden selventäminen
- suunnittelu: ositus, osien liittäminen (*composition*) ja tarkentaminen (*refinement*)
- verifiointi: toteuttaako järjestelmän formaali malli halutut ominaisuudet
- validointi: vastaako järjestelmän toteutus mallista johdettuja testitapauksia
- toteutuksen dokumentointi
- analysointi ja arviointi: olemassaolevan järjestelmän mallintaminen sen ymmärtämistä ja jatkokehitystä varten (*reverse engineering*)

## Esimerkki: luotettava yhteys häviöllisellä kanavalla

Monet tietoliikennejärjestelmät perustuvat epäluotettavaan yhteyteen, joka voi vääristää, hävittää tai toistaa siirrettäviä sanomia. Vääristymiset voidaan muuttaa häviämiksi tarkistussummia käyttämällä, ja häviämiset ja toistot havaitaan numeroimalla sanomat.

Perusratkaisu, liukuvan ikkunan yhteyskäytäntö (*sliding window protocol*), perustuu matkalla olevien sanomien numerointiin siten, että vastaanottaja voi havaita sanoman kaatoamisen ja pyytää lähettäjää toistamaan aiempia sanomia. Aina, kun vastaanottaja on saanut yhtenäisen rykelmän peräkkäin numeroituja sanomia, se välittää ne kuluttajalle.



Marko Mäkelä

## Esimerkki: Vaihtuvan bitin yhteyskäytäntö (1/6)

Liukuvan ikkunan yhteyskäytäntö on vuonna 1969 julkaistun vaihtuvan bitin yhteyskäytännön yleistys. Vaihtuvan bitin yhteyskäytännössä sanomanumeroita on kaksi: vaihtuvan bitin tilat 0 ja 1. Sekä lähettäjällä että vastaanottajalla on oma käsitys vaihtuvan bitin kulloisestakin tilasta. Lähettäjällä se on muuttujan  $l$  arvo, vastaanottajalla muuttujan  $v$ .

- lähettäjä: lähetä sanoma  $l$ :llä täydennettynä
  - jos vastaanottaja ei kuittaa  $l$ :llä määräajassa, toista sanoma
  - jos vastaanottaja kuittaa  $l$ :llä, vaihda  $l$ :n tila:  $l \leftarrow 1 - l$ .
- vastaanottaja: ota vastaan sanoma ja lähetyshetken  $l$ :n arvo  $b$ , ja kuittaa  $b$ :llä.
  - välitä sanoma ja vaihda  $v \leftarrow 1 - v$ , jos  $v = b$
  - muutoin unohda sanoma

Sanomat ja kiittaukset vuorottelevat linjalla. Väitämme, että yhteyskäytäntö toipuu siitä, että kanava hävittää sanomia tai kiittauksia äärellisen monta kertaa.

Marko Mäkelä

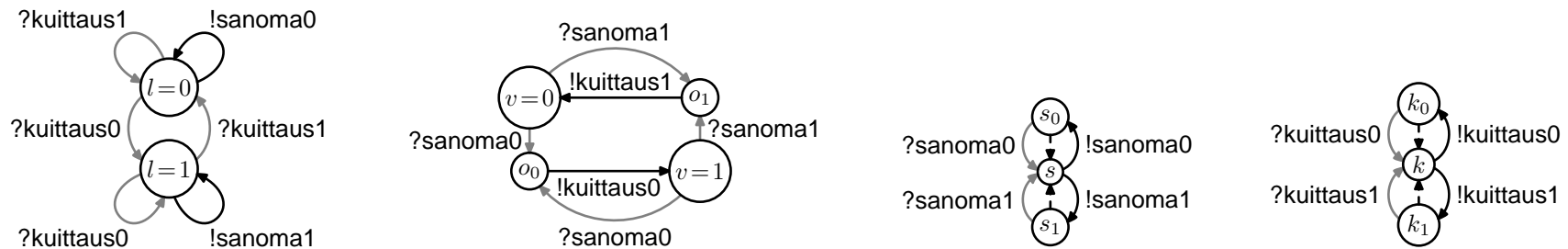
## Esimerkki: Vaihtuvan bitin yhteyskäytäntö (2/6): C-koodi

Yhteyskäytäntö voidaan toteuttaa kahdella silmukassa kutsuttavalla aliohjelmalla:

```
void
abp_send (char c)
{
    static char b;
    do
        send (data, b, c);
    while (receive_timeout (ack) != b);
    b = !b;
}
```

```
char
abp_receive (void)
{
    static char b_expect;
    char b, c;
    do
        b = receive (data, &c),
        send (ack, b);
    while (b != b_expect);
    b_expect = !b_expect;
    return c;
}
```

## Esimerkki: Vaihtuvan bitin yhteyskäytäntö (3/6)



Kuvassa lähettäjän, vastaanottajan ja kanavien toiminta on esitetty siirtymäkaavioina (*labelled transition systems*) eli kommunikoivina tilakoneina. Huutomerkki kuvaa viestin lähettämistä ja kysymysmerkki vastaanottamista. Samannimiset tapahtumat suoritetaan samanaikaisesti eri tilakoneissa. Nimettömät tapahtumat suoritetaan paikallisesti yhdessä tilakoneessa. Kuvassa näitä tapahtumia ovat katkoviivalla merkityt viestien katoamiset.

Kanaviin mahtuu enintään yksi sanoma kerrallaan. Selkeyden vuoksi tuottajan ja kuluttajan toiminta sekä sanomien sisältö on jätetty pois.

## Esimerkki: Vaihtuvan bitin yhteyskäytäntö (4/6): tila-avaruus

Sanomien sisältö kiinnostaa sovelluksen käyttäjää, mutta yhteyskäytännön toiminnan kannalta sillä ei ole merkitystä. Mitä vähemmän muistia malli sisältää, sen helpompi sitä on tarkistaa, sillä  $b$  bittiä muistavalla järjestelmällä on enintään  $2^b$  tilaa.

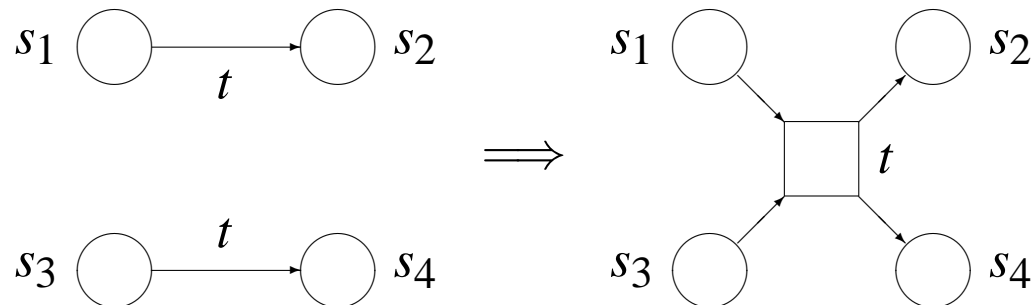
Sanomien lähettämistä ohjaavat ajastimet on yksinkertaistettu pois. Täysin asynkronisessa järjestelmässä ajastimen ajatellaan voivan laukea milloin tahansa. Laukeamisia voitaisiin rajoittaa mallintamalla ajan kulumista, mutta se hankaloittaisi tarkistamista.



Hajautetun järjestelmän tila koostuu sen kaikkien osajärjestelmien tiloista, esimerkiksi  $\{l=0, l=1\} \times \{v=0, o_0, v=1, o_1\} \times \{s, s_0, s_1\} \times \{k, k_0, k_1\}$ . Alussa kukin osajärjestelmä on alkutilassaan, jolloin koko järjestelmän alkutila on esimerkiksi  $\langle l=0, v=0, s, k \rangle$ .

Marko Mäkelä

## Petri-verkot

Siirtymäkaavioiden luettavuutta haittaa se, että yksittäiset automaattit ovat täysin sekven-  
tiaalisia ja että automaattien väliset tahdistukset on esitetty nimien avulla. Petri-verkot  
ovat eräänlainen siirtymäkaavioiden yleistys, jossa tahdistukset kuvataan graafisesti:

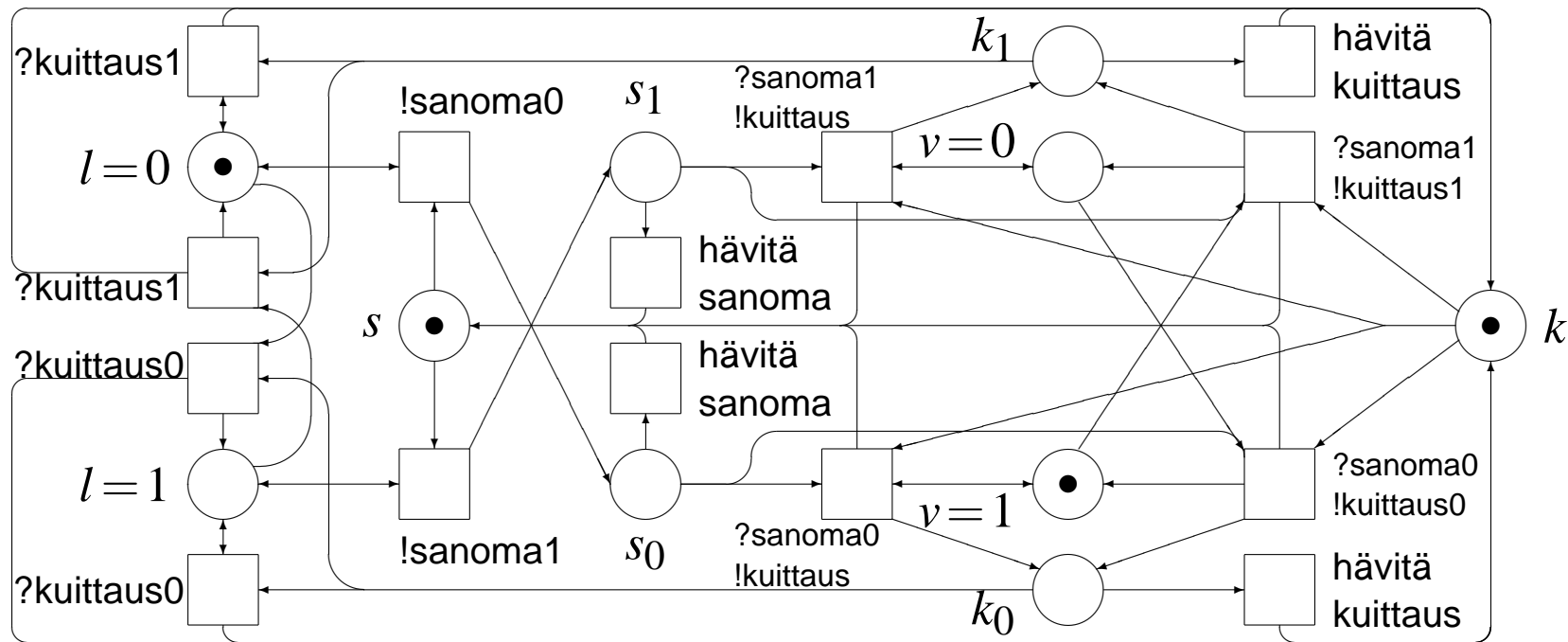


Petri-verkoissa on paikkoja  (Stelle; *place* ) ja siirtymiä (Transition; *transition* ) ,  
joiden välillä on suunnattuja kaaria.

Petri-järjestelmän tila koostuu paikallisista tiloista (paikkojen merkinnöistä).

Marko Mäkelä

# Esimerkki: Vaihtuvan bitin yhteyskäytäntö (5/6): Petri-verkko





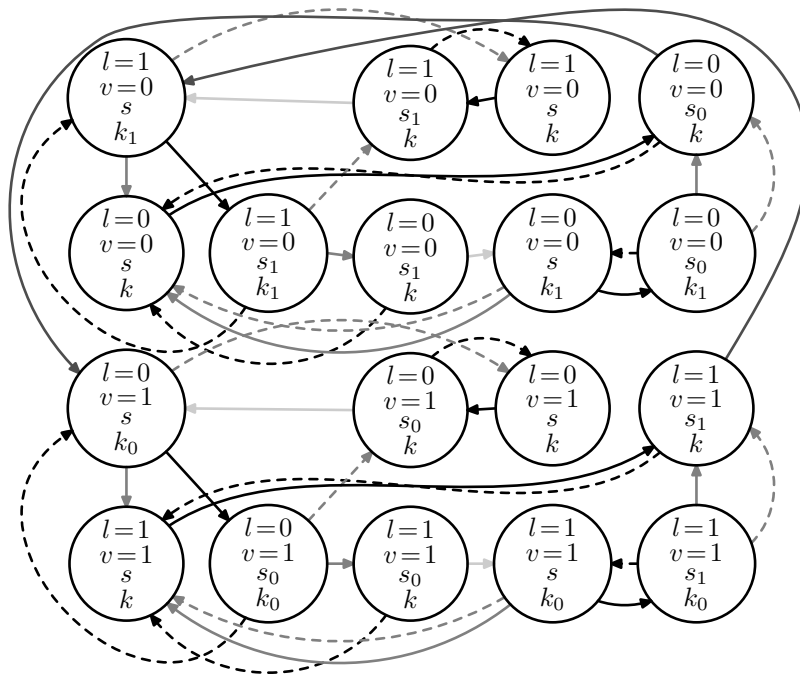
## Merkipeli (1/2)

- Petri-järjestelmän tila muodostuu verkon paikkojen sisältämien merkkien määrästä.
- Järjestelmän tila muuttuu virittyneiden siirtymien laukeamisten välityksellä.
- Siirtymä on virittynyt, jos kussakin siihen kytketyssä esipaikassa on merkki.
- Kun virittynyt siirtymä laukeaa, sen kustakin esipaikasta poistetaan merkki ja sen kaikkiin jälkipaikkoihin lisätään merkki.

## Merkkipeli (2/2)

- Järjestelmän käyttäytymistä voidaan nyt kuvata siirtymäketjuilla. Esimerkiksi viestin onnistunut lähetys: !sanoma0 ?sanoma0 !kuittaus0 ?kuittaus0.
- Siirtymäketjuista voidaan muodostaa suunnattu graafi, joka kuvaa järjestelmän kaikkia mahdollisia siirtymiä:
  - tila-avaruus: järjestelmän alkutilasta saavutettavissa olevat tilat
  - saavutettavuusgraafi: solmut ovat tiloja ja kaaret tilojen välisiä siirtymiä
- Merkkipeliä pelaamalla on “melko” helppoa varmistua vaihtuvan bitin yhteyskäytännön oikeellisuudesta. Tiloja on enintään  $2 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 3 = 72$ .

## Vaihtuvan bitin yhteyskäytäntö (6/6): saavutettavuusgraafi



Osoittautuu, että Petri-verkkomme tilasta  $\langle l = 0, v = 0, s, k \rangle$  saavutettavia tiloja on 18 ja siirtymiä 40. Aluksi esitettyjen neljän siirtymäjärjestelmän rinnankytkentä on hieman suurempi, sillä Petri-verkostamme puuttuvat vastaanottajan “välitilat”  $o_0$  ja  $o_1$ : vastaanottaja ottaa vastaan sanoman ja lähettää kiittauksen samassa siirtymässä.

## Sama järjestelmä, monta esitystapaa

Rinnakkaisia ja hajautettuja järjestelmiä voidaan kuvata hyvin monella eri tavalla:

- siirtymäjärjestelmillä tai prosessialgebralla,
- Petri-järjestelmillä (paikka–siirtymä-järjestelmillä tai korkean tason järjestelmillä),
- jollakin puoliformaalilla määrittelykielellä (kuten UML) tai
- jollakin ohjelmointikielellä.

Esitystapa on järkevää valita kuvattavan kohteen ja halutun tarkkuuden mukaan. Formaalejakin kuvauksia voi esittää monella tavalla: graafisesti, taulukkoina tai tekstinä.

Marko Mäkelä