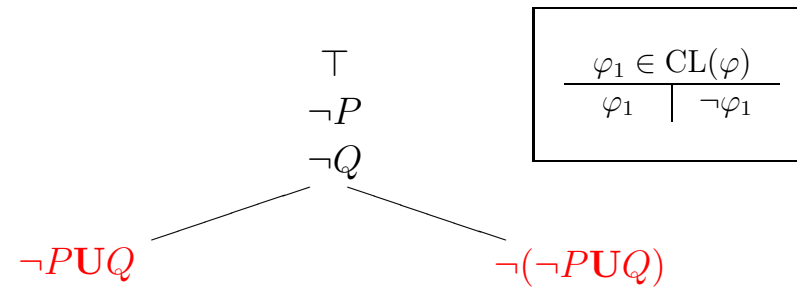


$$v(a, P) = v(a, Q) = v(c, P) = v(c, Q) = \text{false}$$

$\top$   
 $\neg P$   
 $\neg Q$

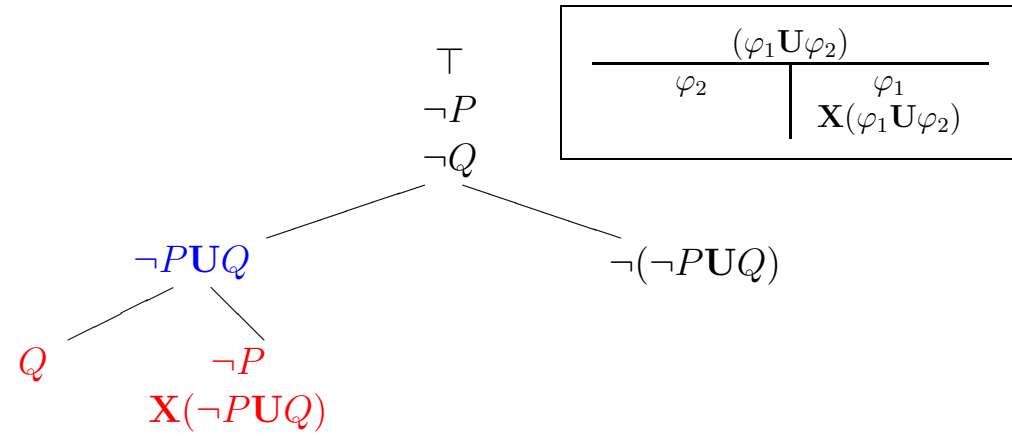
Atomit:

$$v(a, P) = v(a, Q) = v(c, P) = v(c, Q) = \text{false}$$



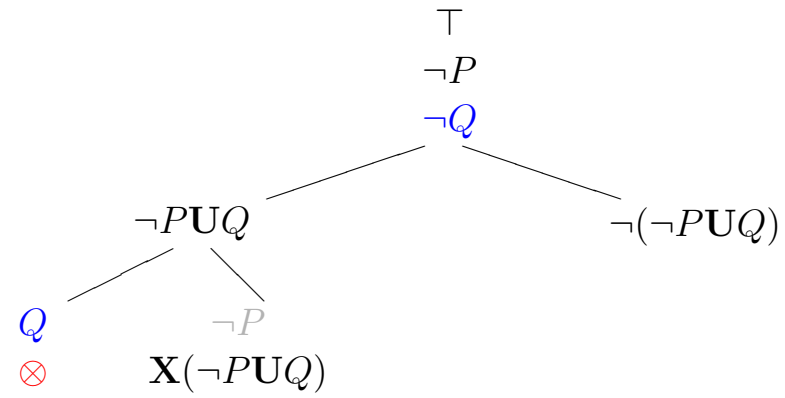
Atomit:

$$v(a, P) = v(a, Q) = v(c, P) = v(c, Q) = \text{false}$$



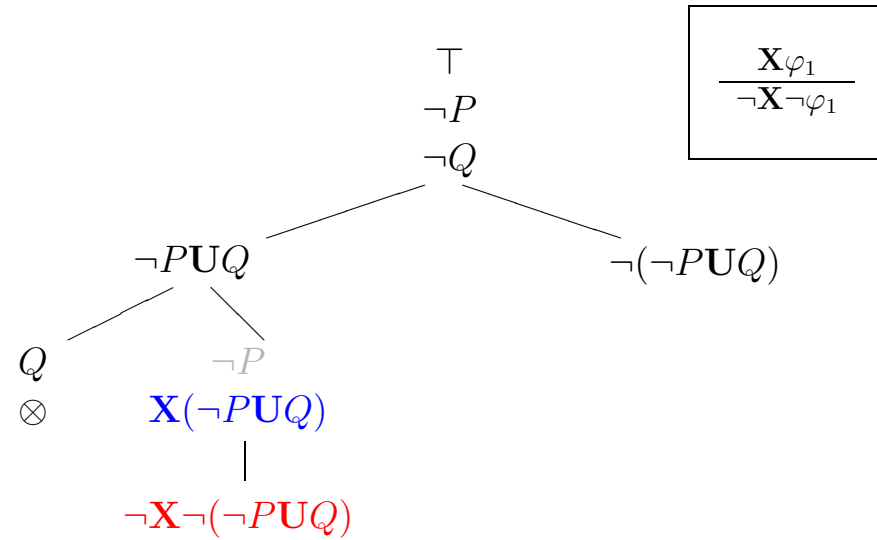
Atomit:

$$v(a, P) = v(a, Q) = v(c, P) = v(c, Q) = \text{false}$$



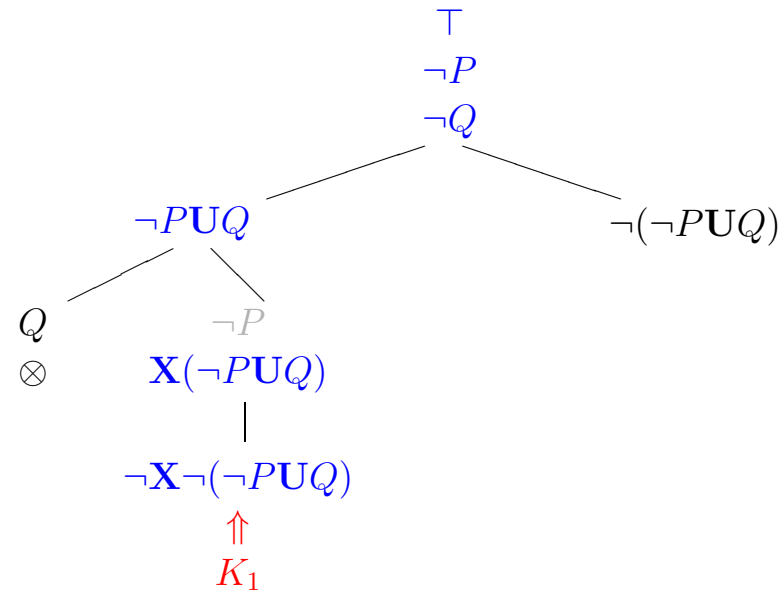
Atomit:

$$v(a, P) = v(a, Q) = v(c, P) = v(c, Q) = \text{false}$$



Atomit:

$$v(a, P) = v(a, Q) = v(c, P) = v(c, Q) = \text{false}$$



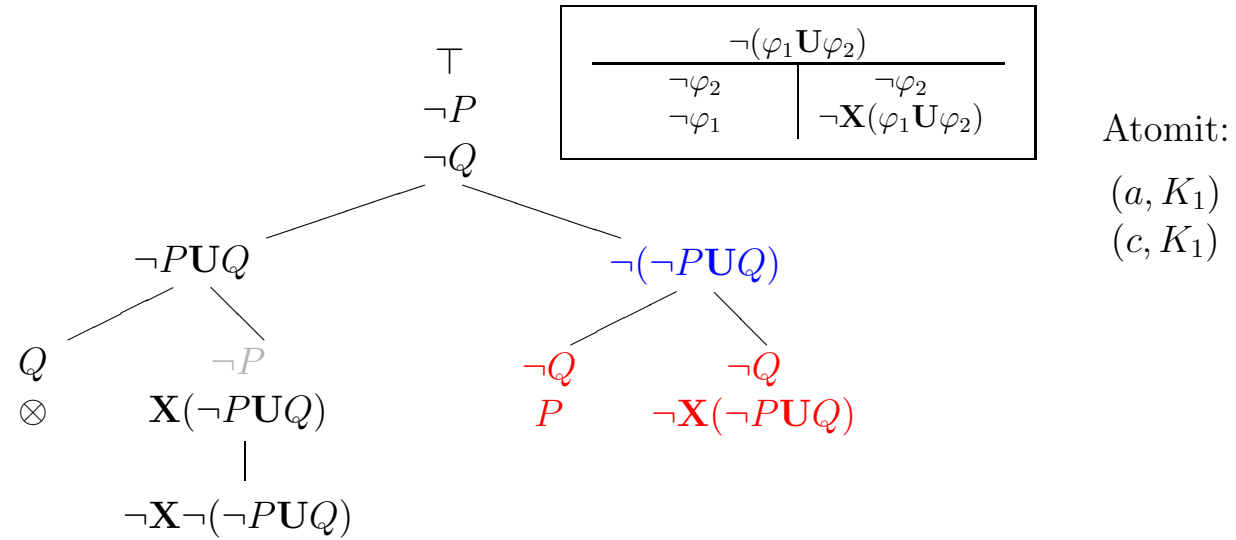
Atomit:

$(a, K_1)$

$(c, K_1)$

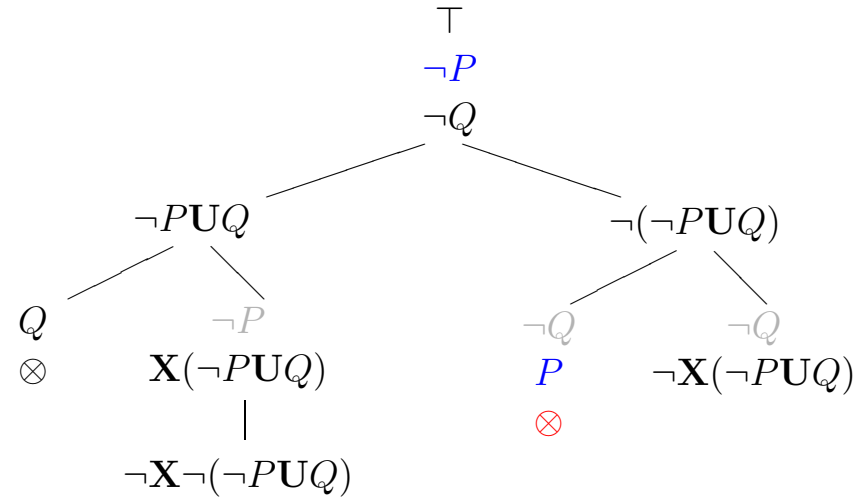
$$K_1 = \{\top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, X(\neg PUQ), \neg X\neg(\neg PUQ)\}$$

$v(a, P) = v(a, Q) = v(c, P) = v(c, Q) = \text{false}$



$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg\mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$v(a, P) = v(a, Q) = v(c, P) = v(c, Q) = \text{false}$$



Atomit:

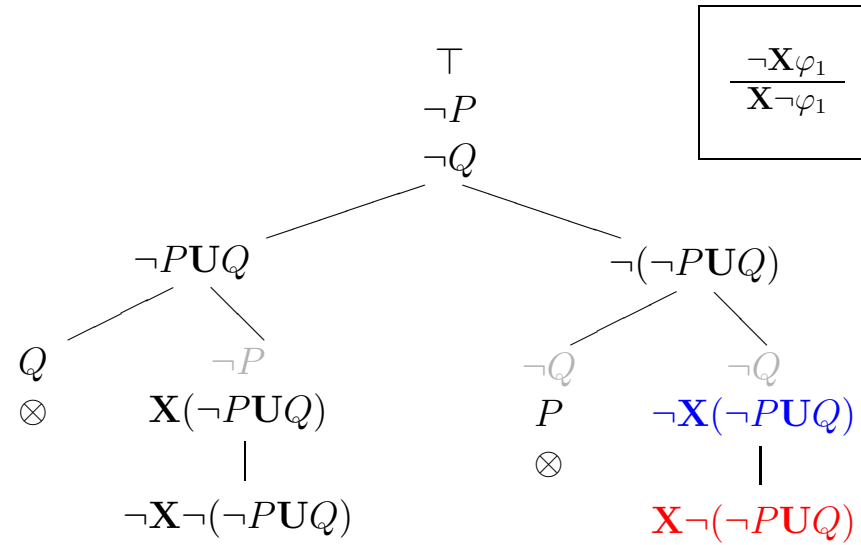
$(a, K_1)$

$(c, K_1)$

$$K_1 = \{\top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ)\}$$



$$v(a, P) = v(a, Q) = v(c, P) = v(c, Q) = \text{false}$$



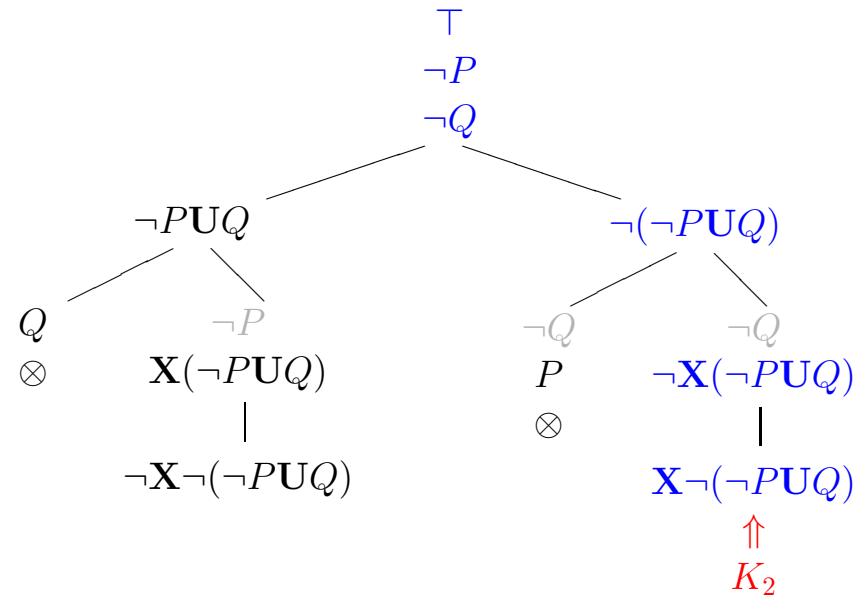
Atomit:

$(a, K_1)$

$(c, K_1)$

$$K_1 = \{\top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, X(\neg PUQ), \neg X\neg(\neg PUQ)\}$$

$$v(a, P) = v(a, Q) = v(c, P) = v(c, Q) = \text{false}$$



Atomit:

$(a, K_1)$

$(c, K_1)$

$(a, K_2)$

$(c, K_2)$

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$$

$\top$   
 $P$   
 $Q$

Atomit:

$(a, K_1)$

$(c, K_1)$

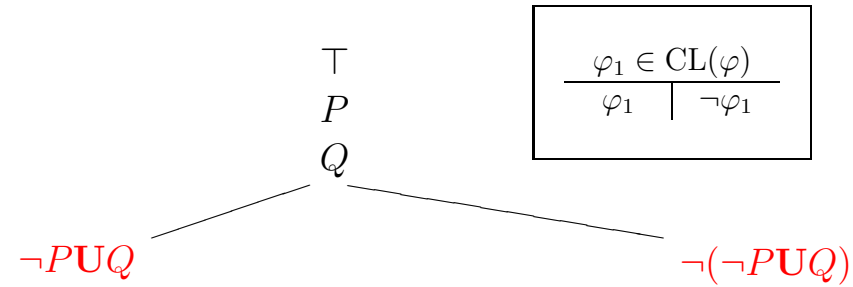
$(a, K_2)$

$(c, K_2)$

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$



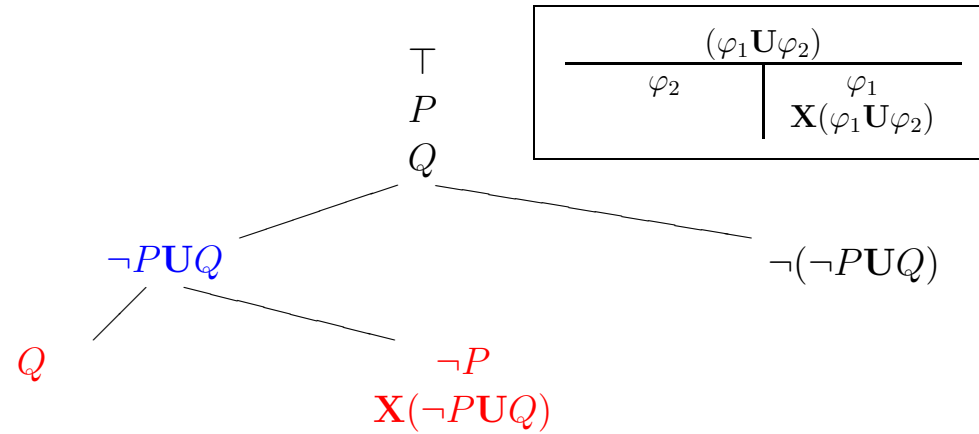
Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$$



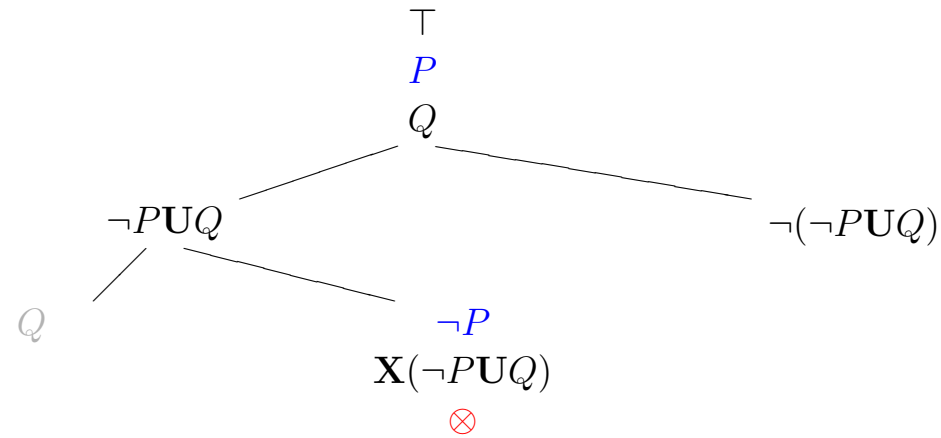
Atomit:

- (a,  $K_1$ )
- (c,  $K_1$ )
- (a,  $K_2$ )
- (c,  $K_2$ )

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg P U Q, \mathbf{X}(\neg P U Q), \neg \mathbf{X} \neg(\neg P U Q) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg P U Q), \neg \mathbf{X}(\neg P U Q), \mathbf{X} \neg(\neg P U Q) \}$$

$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$



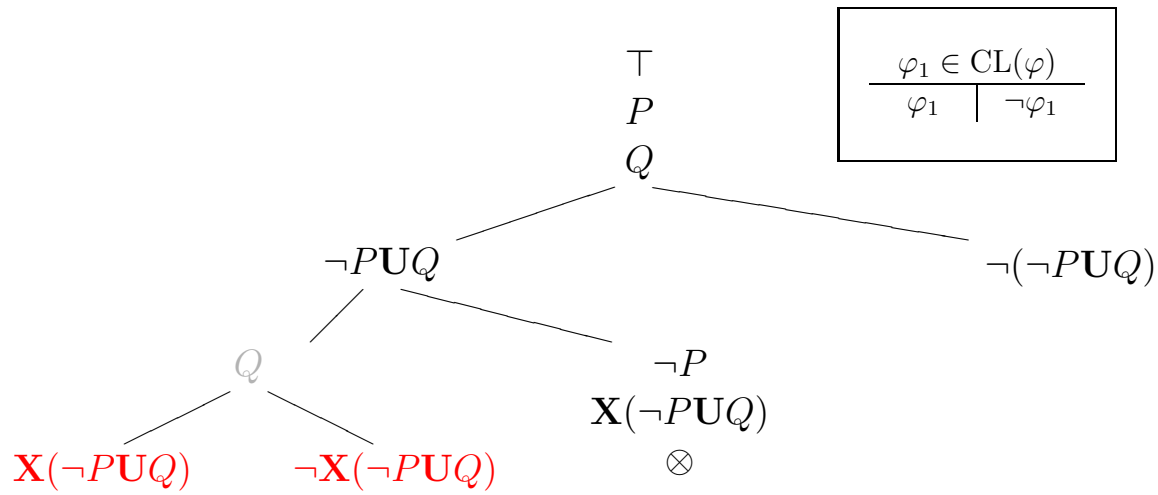
Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$$



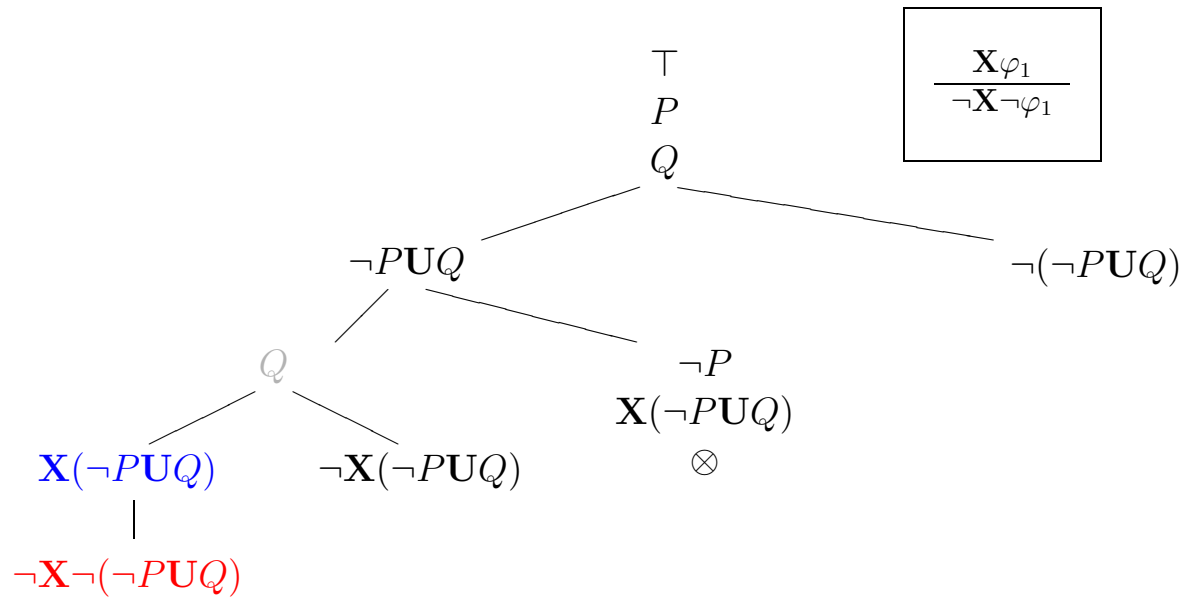
Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$$



Atomit:

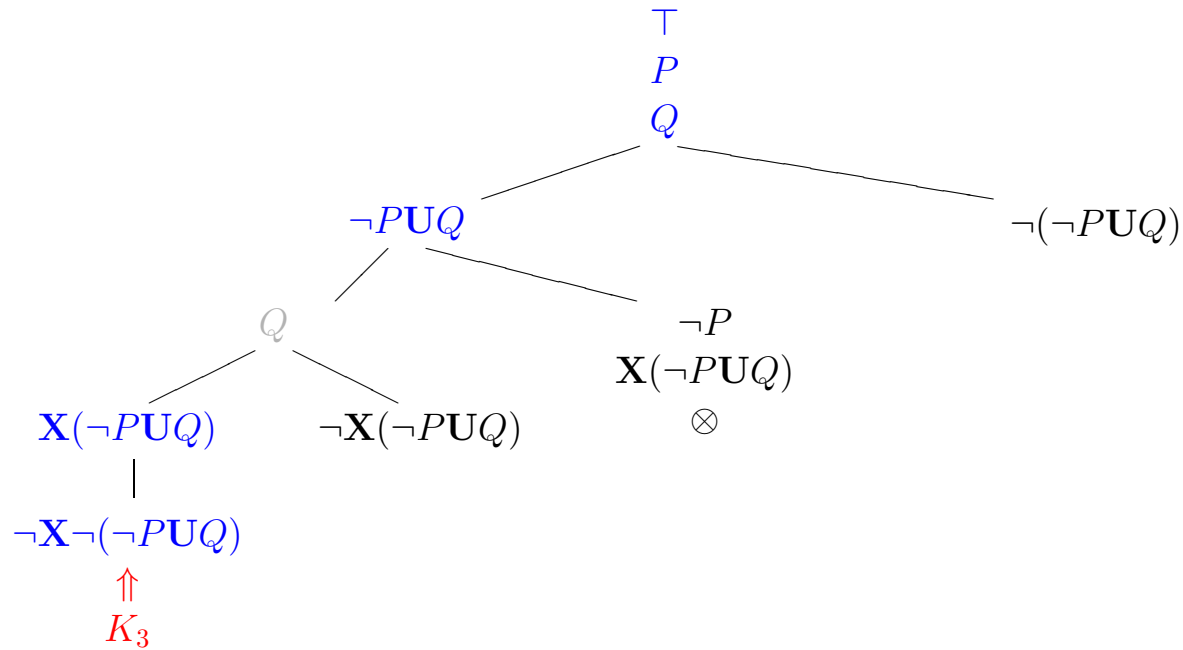
- (a,  $K_1$ )
- (c,  $K_1$ )
- (a,  $K_2$ )
- (c,  $K_2$ )

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$



$$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$$



Atomit:

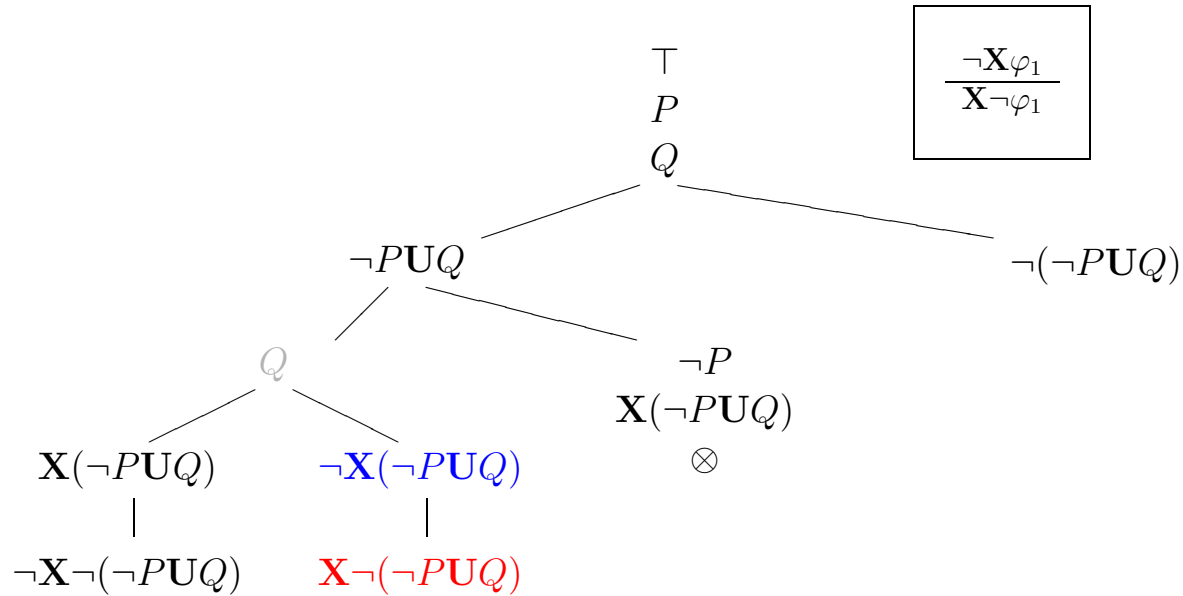
- (a,  $K_1$ )
- (c,  $K_1$ )
- (a,  $K_2$ )
- (c,  $K_2$ )
- (b,  $K_3$ )

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg (\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg (\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg (\neg PUQ) \}$$

$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$



Atomit:

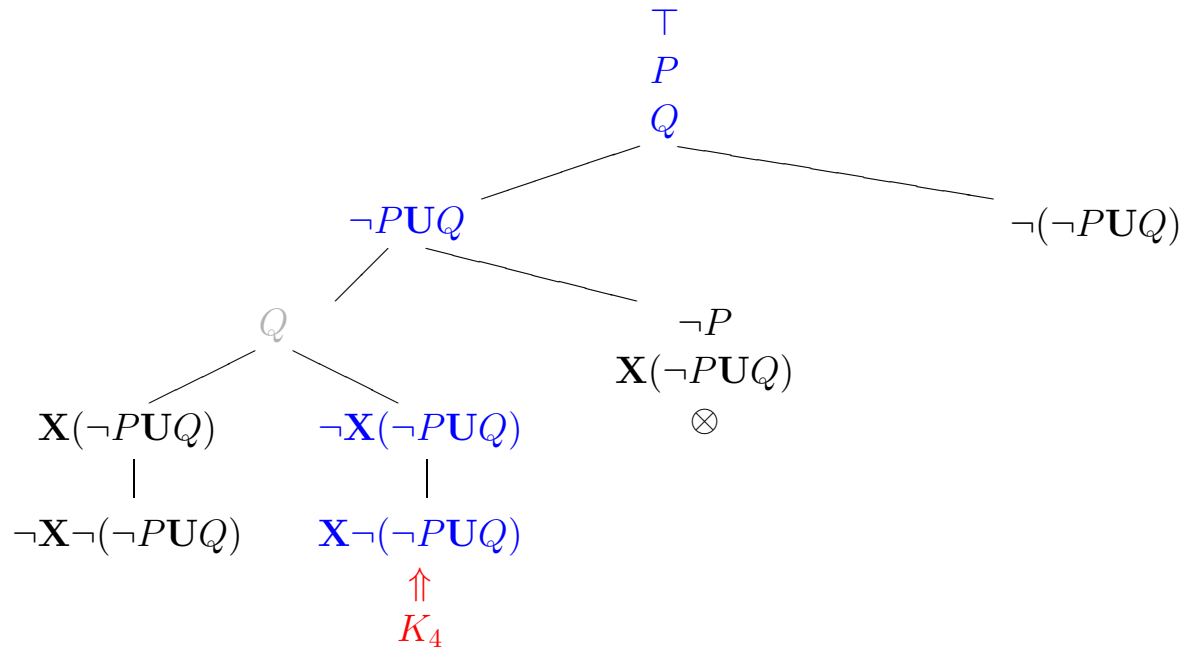
- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$$



Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$

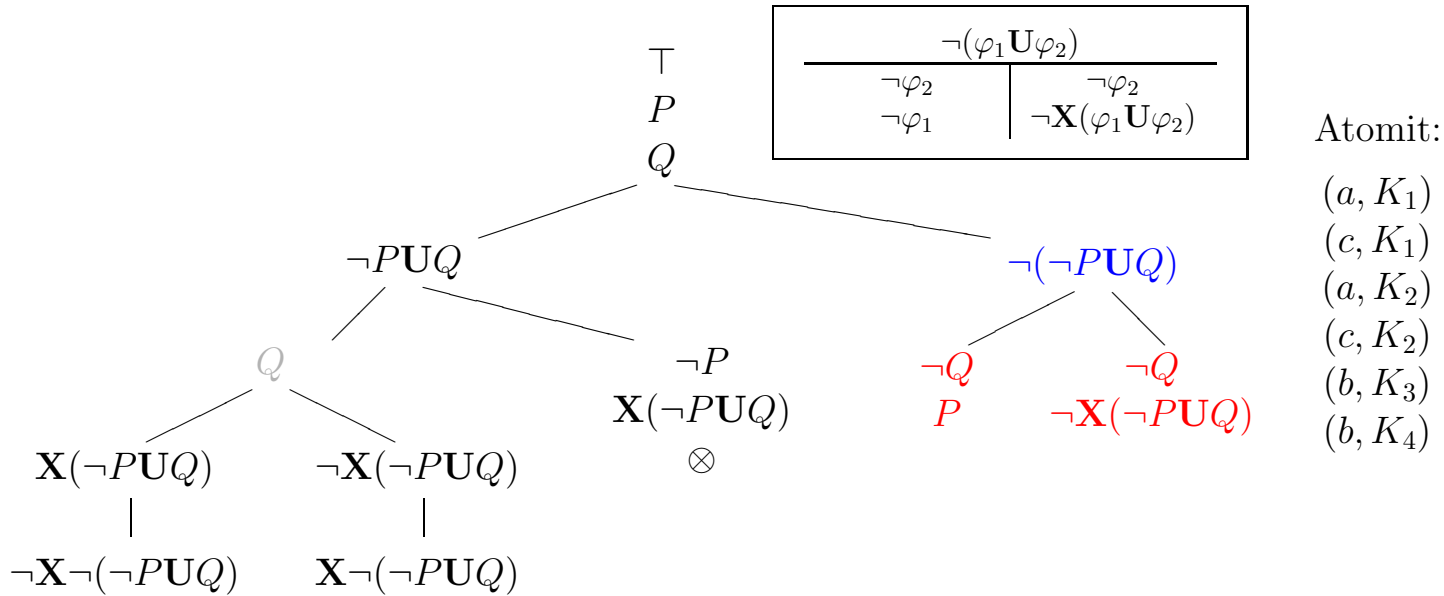
$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, X(\neg PUQ), \neg X\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg X(\neg PUQ), X\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, X(\neg PUQ), \neg X\neg(\neg PUQ) \}$$

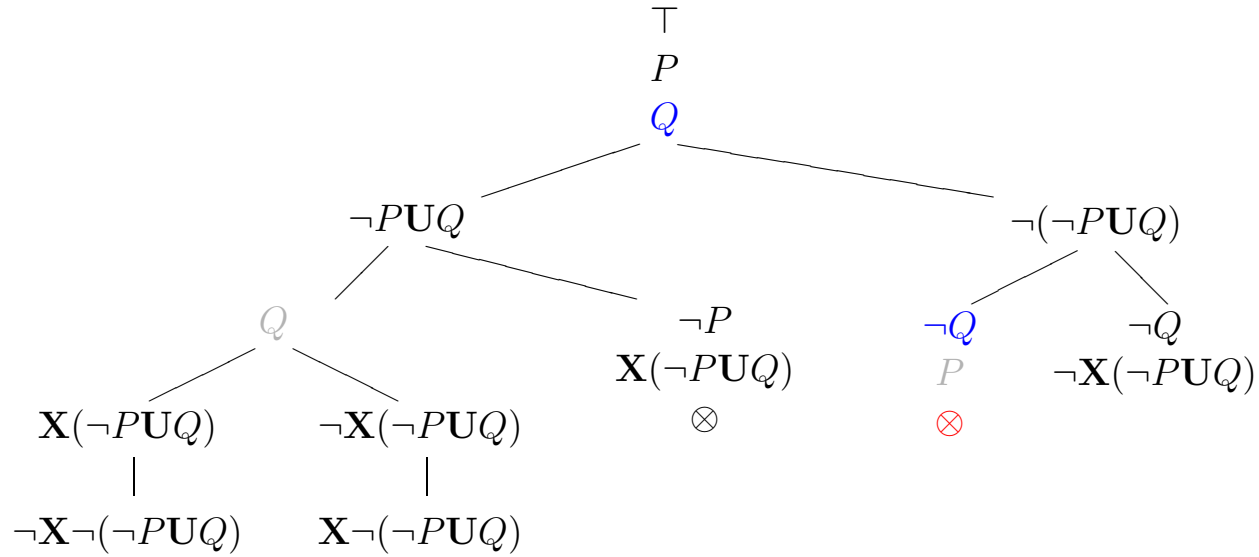
$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg X(\neg PUQ), X\neg(\neg PUQ) \}$$

$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$



- $K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg\mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$
- $K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg\mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$
- $K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg\mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$
- $K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg\mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$

$$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$$



Atomit:

- (a,  $K_1$ )
- (c,  $K_1$ )
- (a,  $K_2$ )
- (c,  $K_2$ )
- (b,  $K_3$ )
- (b,  $K_4$ )

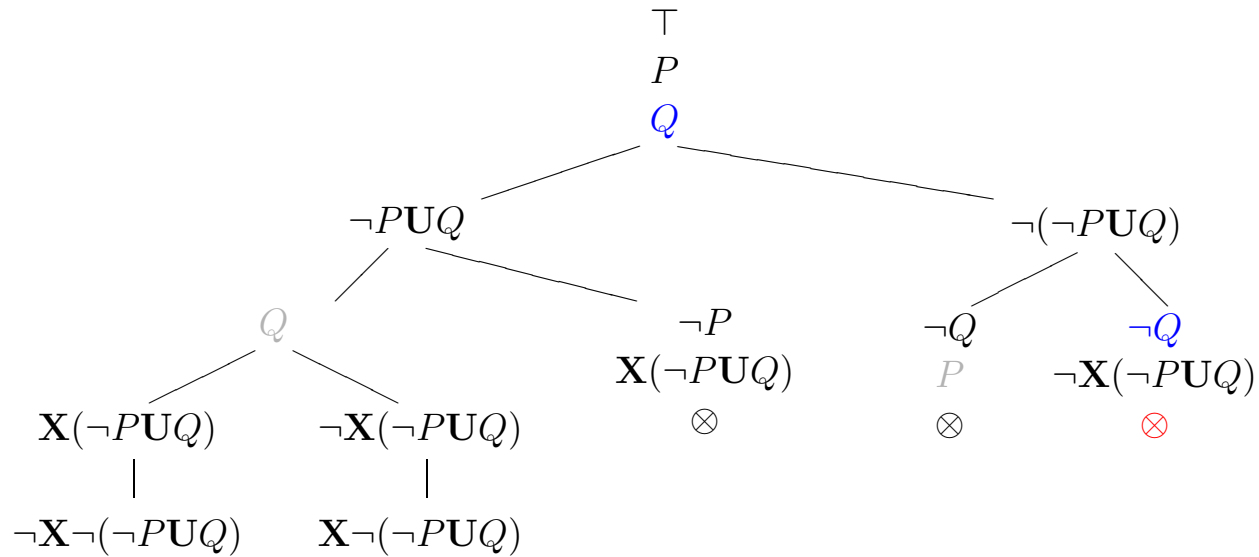
$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$v(b, P) = v(b, Q) = \text{true}$$



Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, X(\neg PUQ), \neg X\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg X(\neg PUQ), X\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, X(\neg PUQ), \neg X\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg X(\neg PUQ), X\neg(\neg PUQ) \}$$

$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$

$\top$   
 $P$   
 $\neg Q$

Atomit:

$(a, K_1)$

$(c, K_1)$

$(a, K_2)$

$(c, K_2)$

$(b, K_3)$

$(b, K_4)$

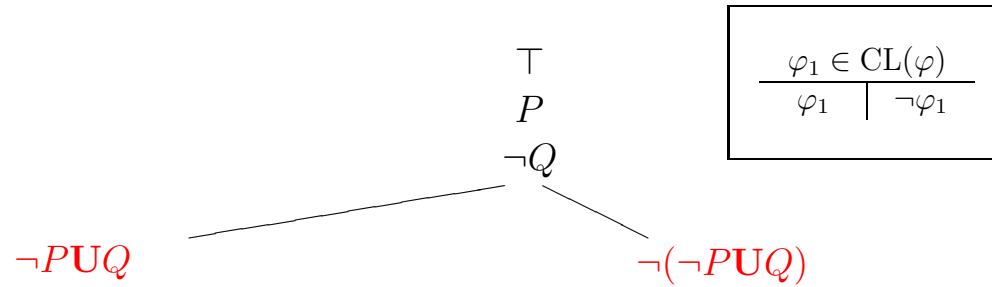
$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$



Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

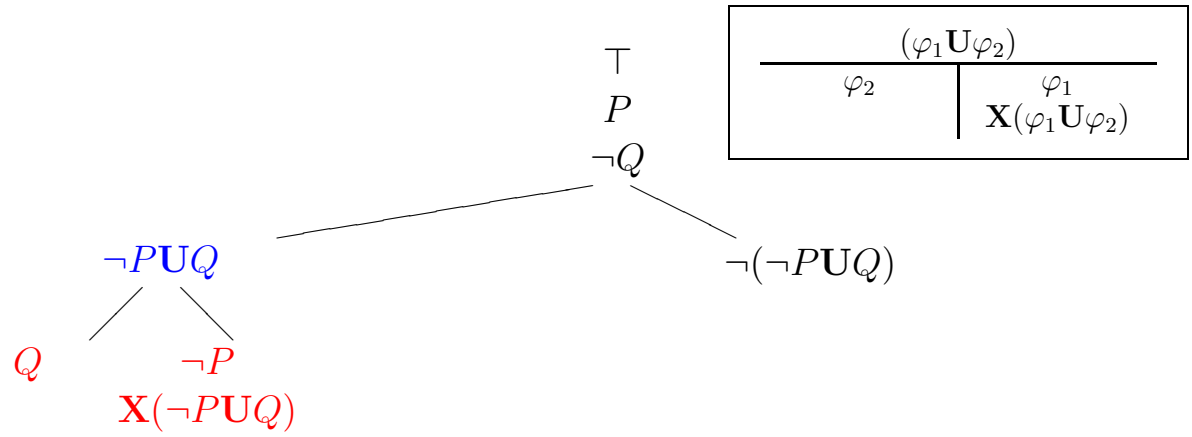
$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$



$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$



Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$

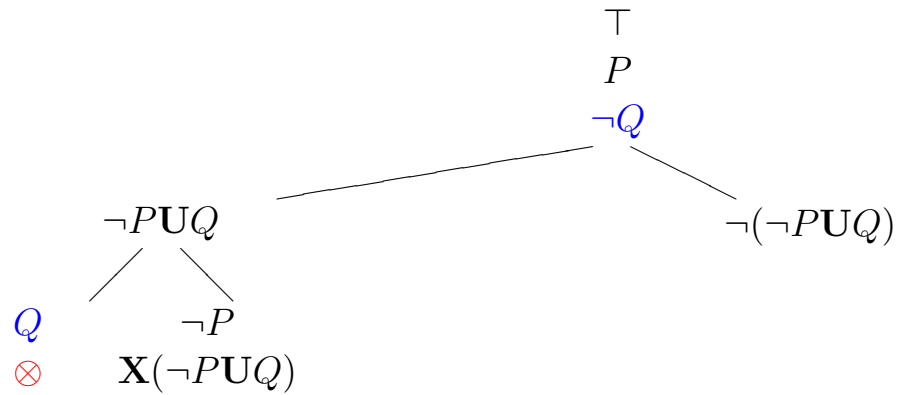
$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg P U Q, \mathbf{X}(\neg P U Q), \neg \mathbf{X} \neg(\neg P U Q) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg P U Q), \neg \mathbf{X}(\neg P U Q), \mathbf{X} \neg(\neg P U Q) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg P U Q, \mathbf{X}(\neg P U Q), \neg \mathbf{X} \neg(\neg P U Q) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg P U Q, \neg \mathbf{X}(\neg P U Q), \mathbf{X} \neg(\neg P U Q) \}$$

$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$



Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$

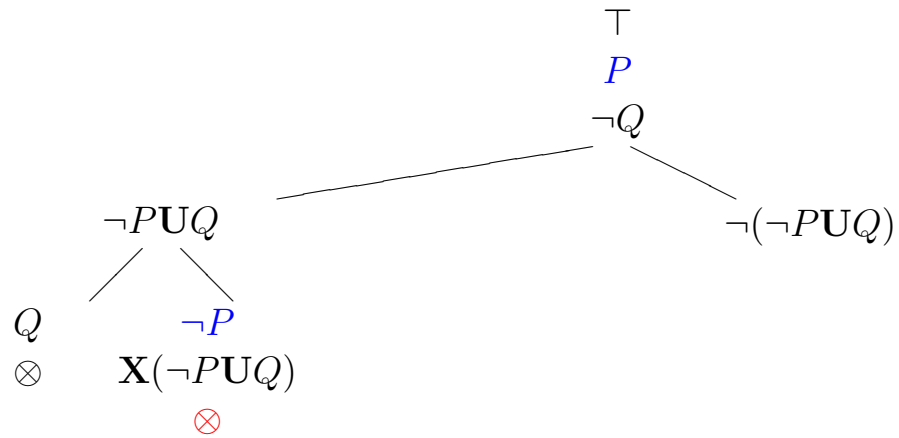
$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$



Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$

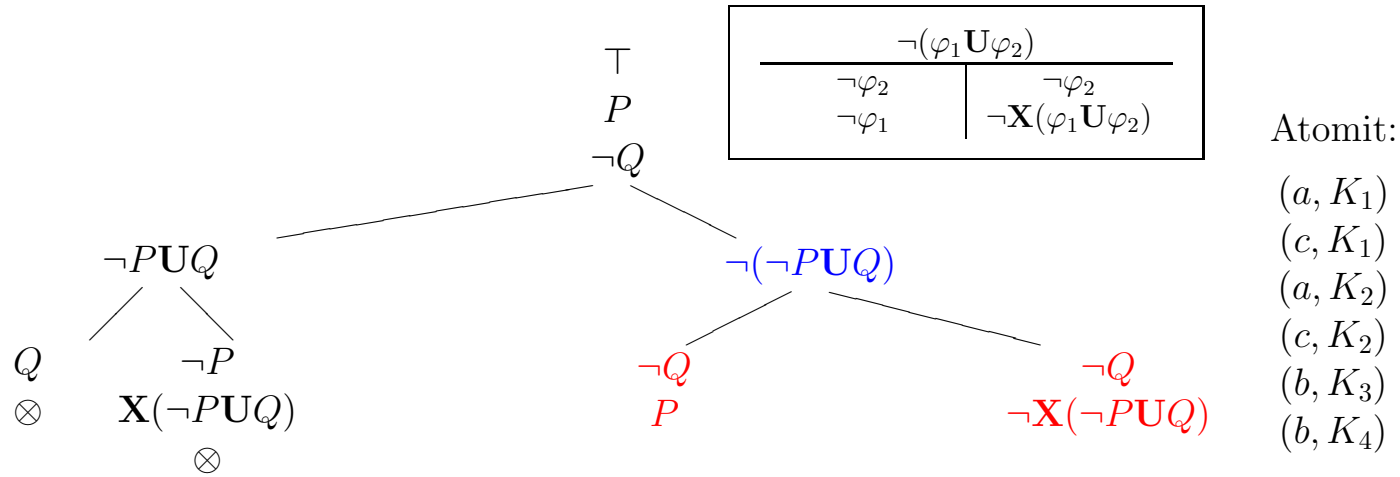
$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$



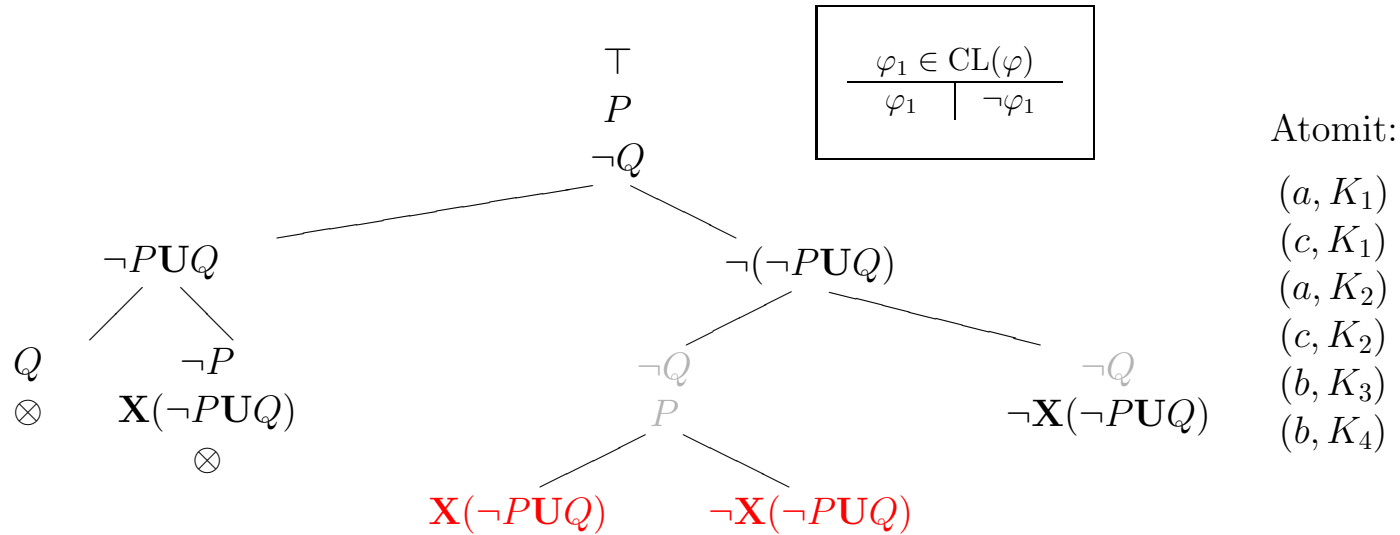
$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$



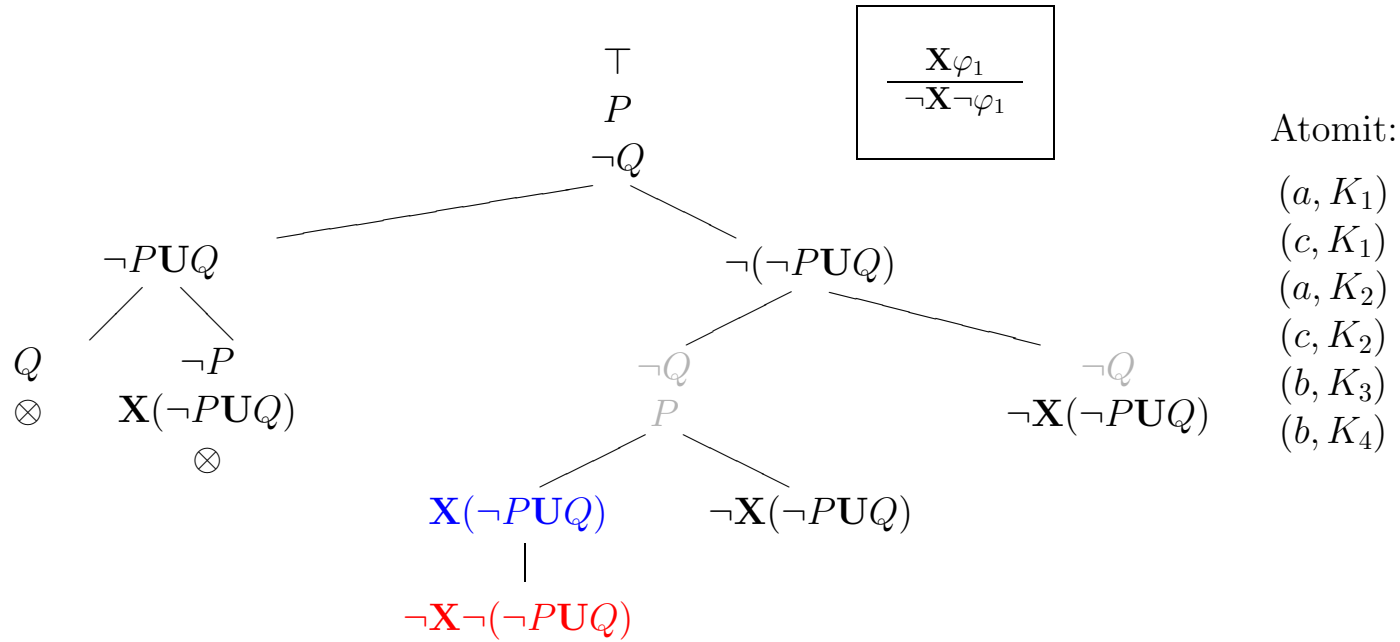
$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$



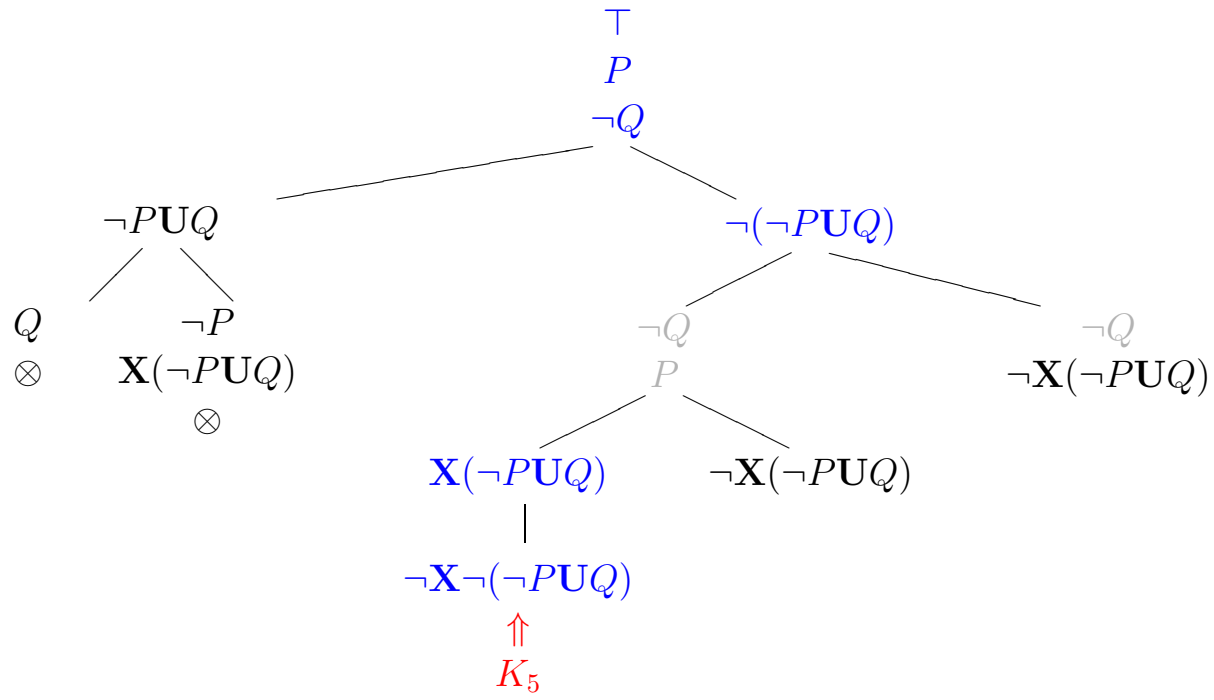
$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$

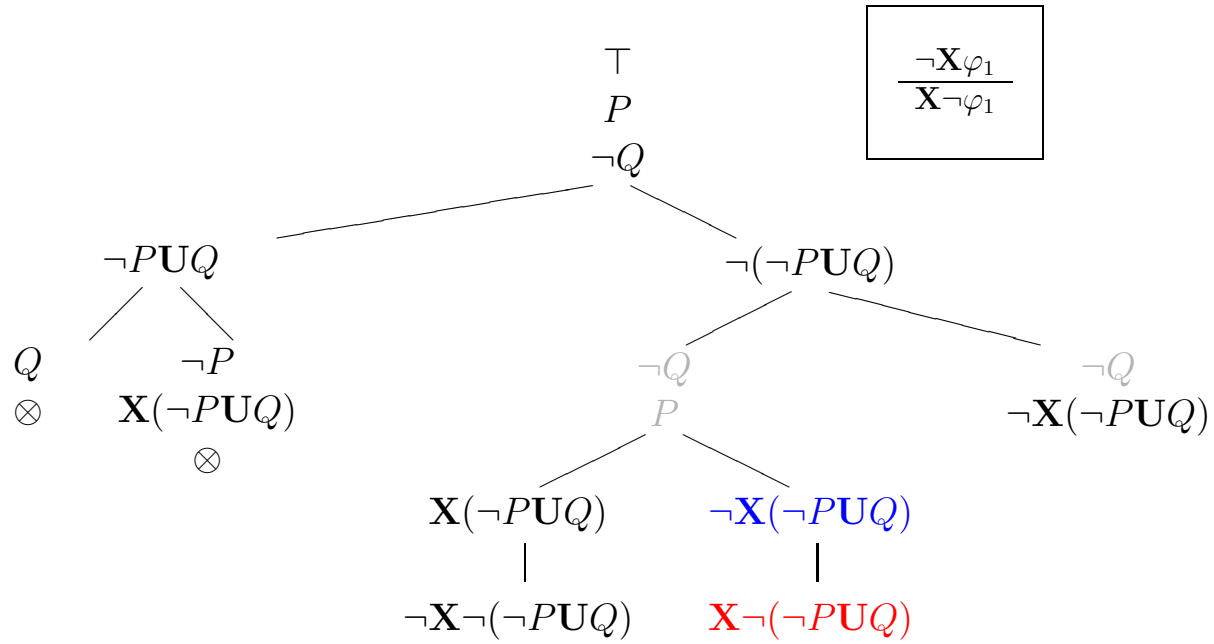


Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$
- $(d, K_5)$

- $K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg (\neg PUQ) \}$
- $K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg (\neg PUQ) \}$
- $K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg (\neg PUQ) \}$
- $K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg (\neg PUQ) \}$
- $K_5 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg (\neg PUQ) \}$

$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$



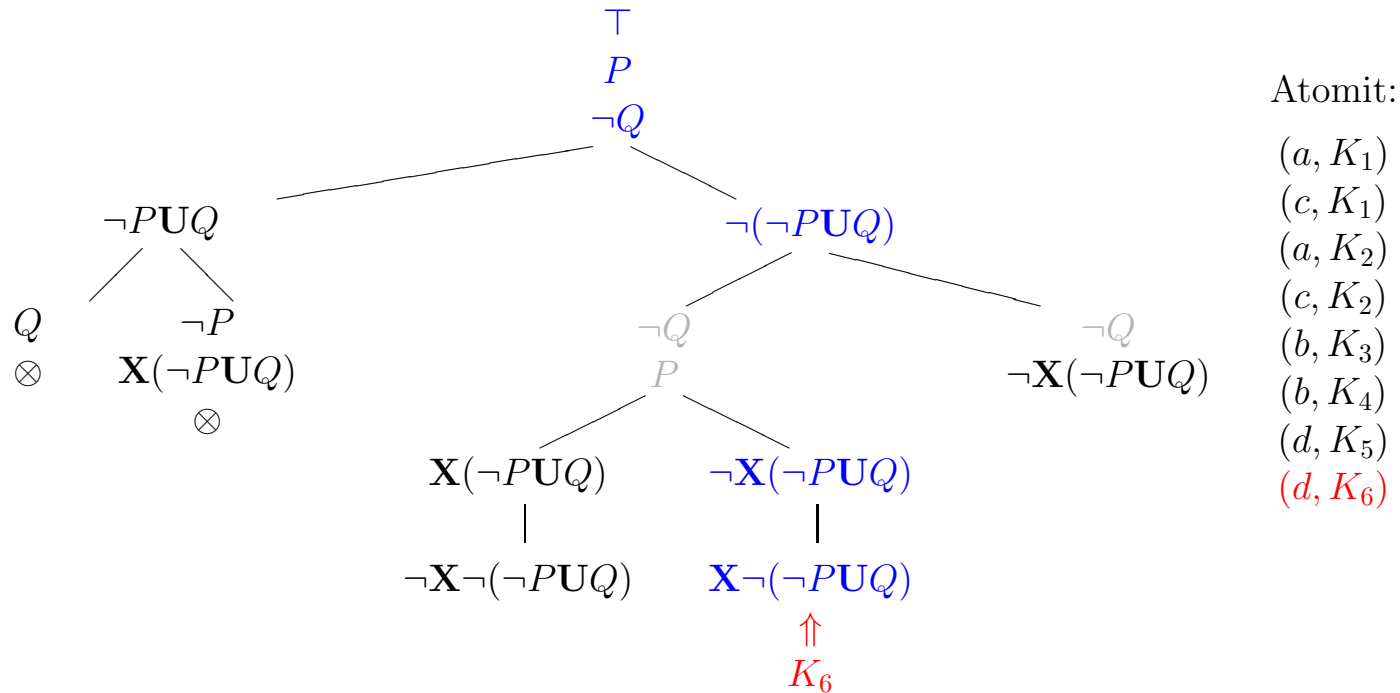
Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$
- $(d, K_5)$

- $K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, X(\neg PUQ), \neg X\neg(\neg PUQ) \}$
- $K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg X(\neg PUQ), X\neg(\neg PUQ) \}$
- $K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, X(\neg PUQ), \neg X\neg(\neg PUQ) \}$
- $K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg X(\neg PUQ), X\neg(\neg PUQ) \}$
- $K_5 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), X(\neg PUQ), \neg X\neg(\neg PUQ) \}$



$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$



$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

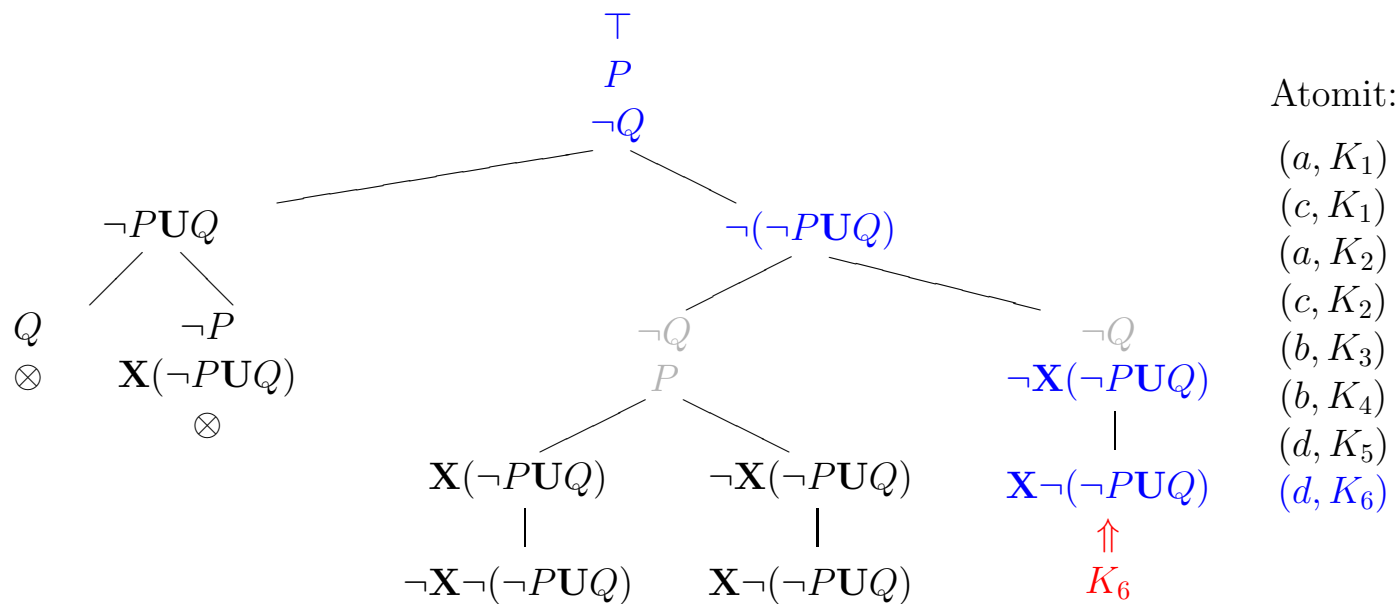
$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_5 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_6 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$



$v(d, P) = \text{true}, v(d, Q) = \text{false}$



$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_5 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_6 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

Tulkitaan atomit graafin  $G$  solmuiksi. Atomista  $(s, K)$  on kaari atomiin  $(s', K')$ , jos ja vain, jos

1.  $(s, s') \in R$  (mallissa  $\mathcal{M}$ ) ja
2. kaikille  $K$ :n muotoa  $\mathbf{X}\varphi$  oleville lauseille pätee  $\varphi \in K'$ .

Atomit:

$(a, K_1)$

$(c, K_1)$

$(a, K_2)$

$(c, K_2)$

$(b, K_3)$

$(b, K_4)$

$(d, K_5)$

$(d, K_6)$

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_5 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_6 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

Tulkitaan atomit graafin  $G$  solmuiksi. Atomista  $(s, K)$  on kaari atomiin  $(s', K')$ , jos ja vain, jos

1.  $(s, s') \in R$  (mallissa  $\mathcal{M}$ ) ja
2. kaikille  $K$ :n muotoa  $\mathbf{X}\varphi$  oleville lauseille pätee  $\varphi \in K'$ .

Jälkimmäisen ehdon perusteella saadaan  $K$ -joukkojen välille ”yh-teensopivuusrelaatio”:

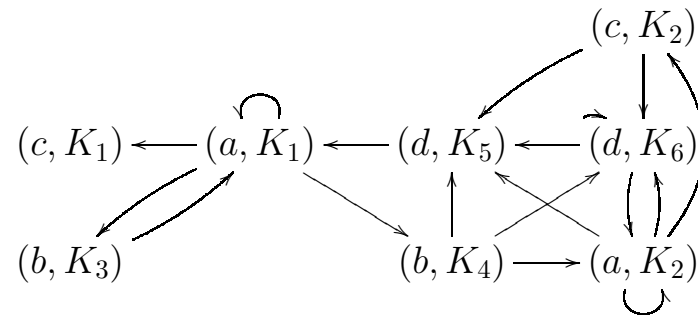
	$K_1$	$K_2$	$K_3$	$K_4$	$K_5$	$K_6$
$K_1$	×		×	×		
$K_2$		×			×	×
$K_3$	×		×	×		
$K_4$		×			×	×
$K_5$	×		×	×		
$K_6$		×			×	×

Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$
- $(d, K_5)$
- $(d, K_6)$

$$\begin{aligned}
 K_1 &= \{\top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ)\} \\
 K_2 &= \{\top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ)\} \\
 K_3 &= \{\top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ)\} \\
 K_4 &= \{\top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ)\} \\
 K_5 &= \{\top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ)\} \\
 K_6 &= \{\top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ)\}
 \end{aligned}$$

Graafi  $G$ :



Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$
- $(d, K_5)$
- $(d, K_6)$

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

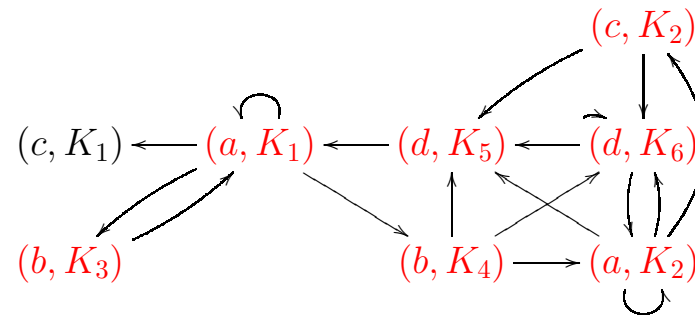
$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_5 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_6 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}$$

$G$ :n ei-triviaalit vahvasti kytketyt komponentit:

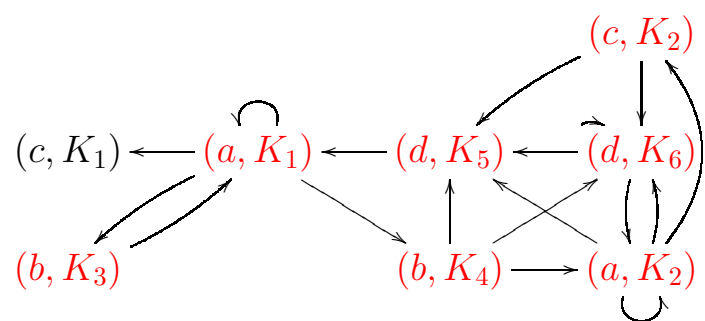


Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$
- $(d, K_5)$
- $(d, K_6)$

$$\begin{aligned}
 K_1 &= \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \} \\
 K_2 &= \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \} \\
 K_3 &= \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \} \\
 K_4 &= \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \} \\
 K_5 &= \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \} \\
 K_6 &= \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}
 \end{aligned}$$

$G$ :n ei-triviaalit vahvasti kytketyt komponentit:



Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$
- $(d, K_5)$
- $(d, K_6)$

Tämä ei-triviaali vahvasti kytketty komponentti on itsetoteutuva, sillä  $\neg PUQ$  on ainoa komponentin atomeissa esiintyvä muotoa  $\varphi U \psi$  oleva lause, ja komponentti sisältää esimerkiksi atomin  $(b, K_3)$ , jolle pätee  $Q \in K_3$ .

$$K_1 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_2 = \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_3 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

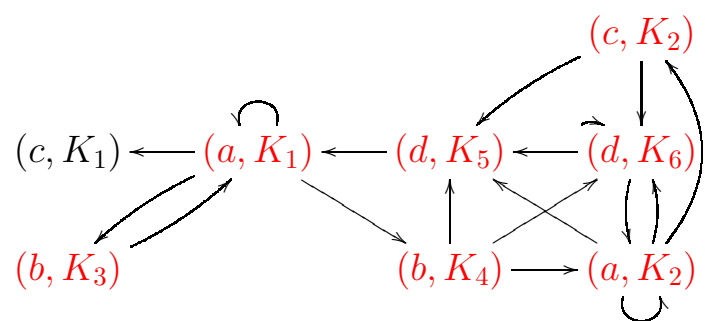
$$K_4 = \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_5 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$

$$K_6 = \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X} \neg(\neg PUQ) \}$$



$G$ :n itsetoteutuvat ei-triviaalit vahvasti kytketyt komponentit:



Atomit:

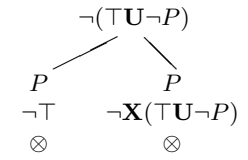
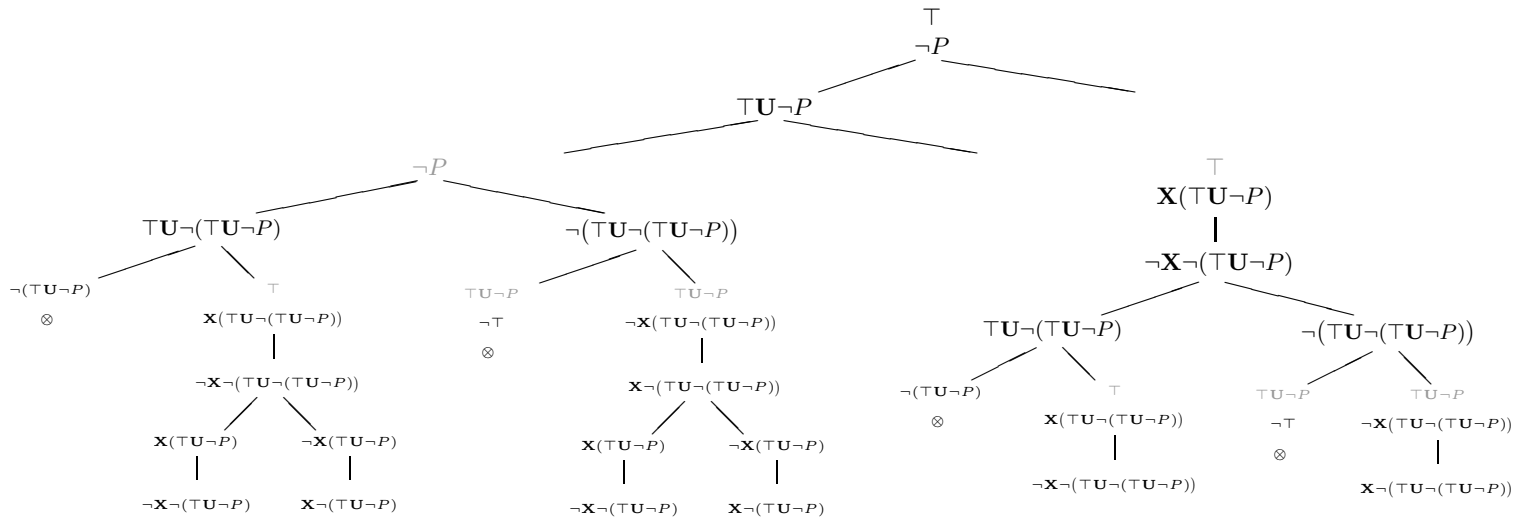
- $(a, K_1)$
- $(c, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(c, K_2)$
- $(b, K_3)$
- $(b, K_4)$
- $(d, K_5)$
- $(d, K_6)$

Koska lause  $\mathbf{X}(\neg PUQ)$  kuuluu esimerkiksi lausejoukkoon  $K_1$  ja koska esimerkiksi atomista  $(a, K_1)$  on polku  $G$ :n itsetoteutuvaan vahvasti kytkettyyn komponenttiin (atomi itse kuuluu komponenttiin), seuraa, että  $\mathcal{M}, a \models \mathbf{EX}(\neg PUQ)$  pätee.

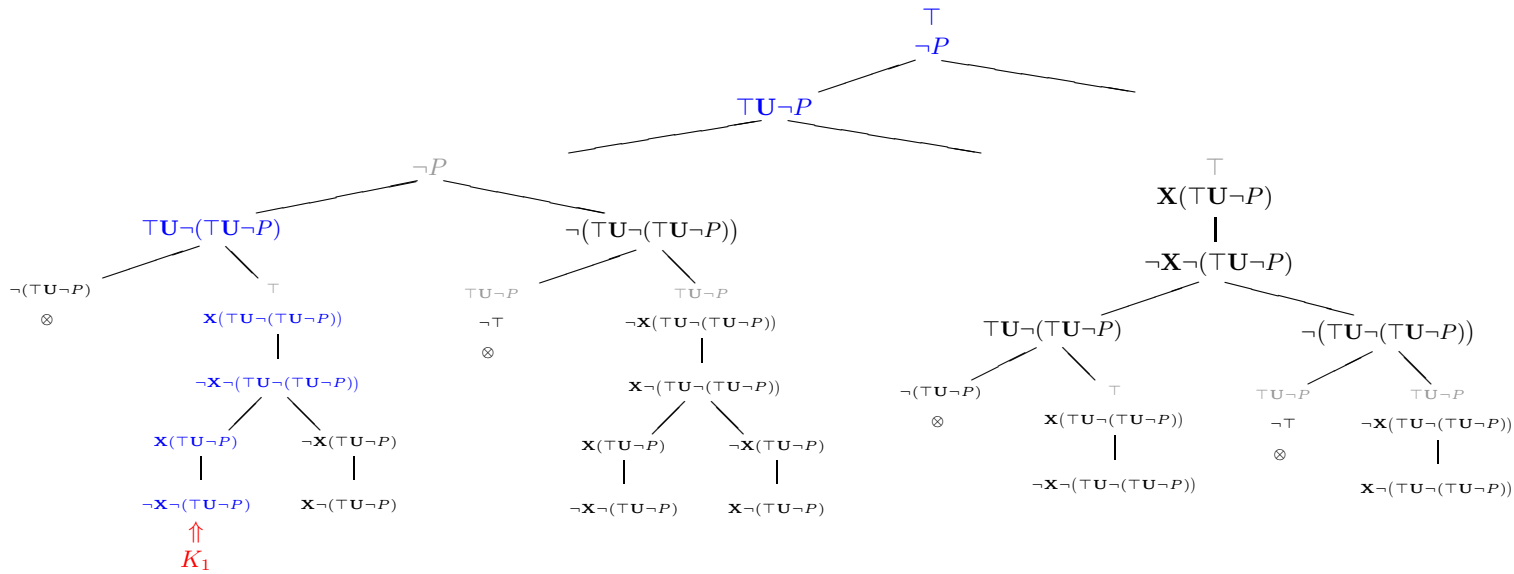
$$\begin{aligned}
 K_1 &= \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \} \\
 K_2 &= \{ \top, \neg P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \} \\
 K_3 &= \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \} \\
 K_4 &= \{ \top, P, Q, \neg PUQ, \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \} \\
 K_5 &= \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \mathbf{X}(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \} \\
 K_6 &= \{ \top, P, \neg Q, \neg(\neg PUQ), \neg \mathbf{X}(\neg PUQ), \mathbf{X}\neg(\neg PUQ) \}
 \end{aligned}$$

$v(a, P) = \text{false}$

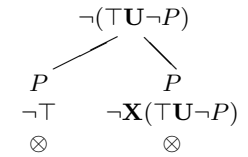
Atomit:



$v(a, P) = \text{false}$

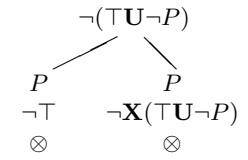
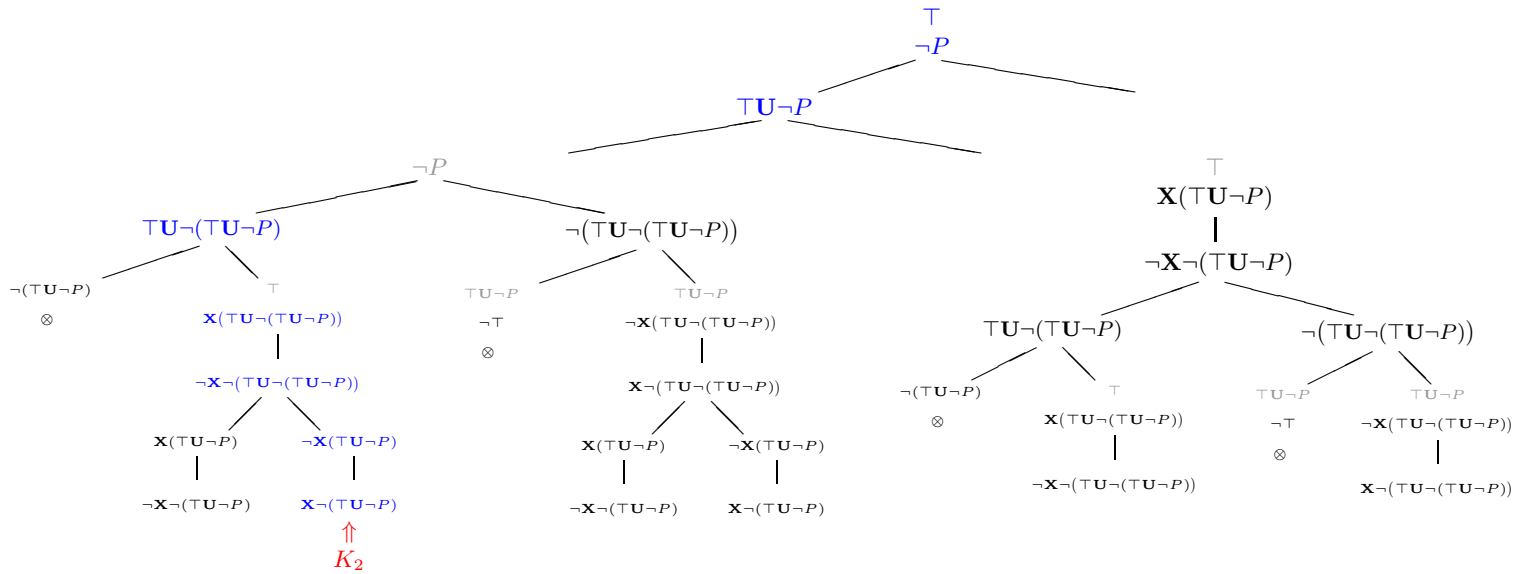


Atomit:  
 $(a, K_1)$



$$K_1 = \{T, \neg P, TU\neg P, TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P)), X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P)\}$$

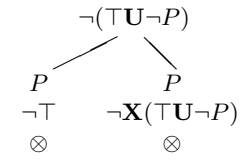
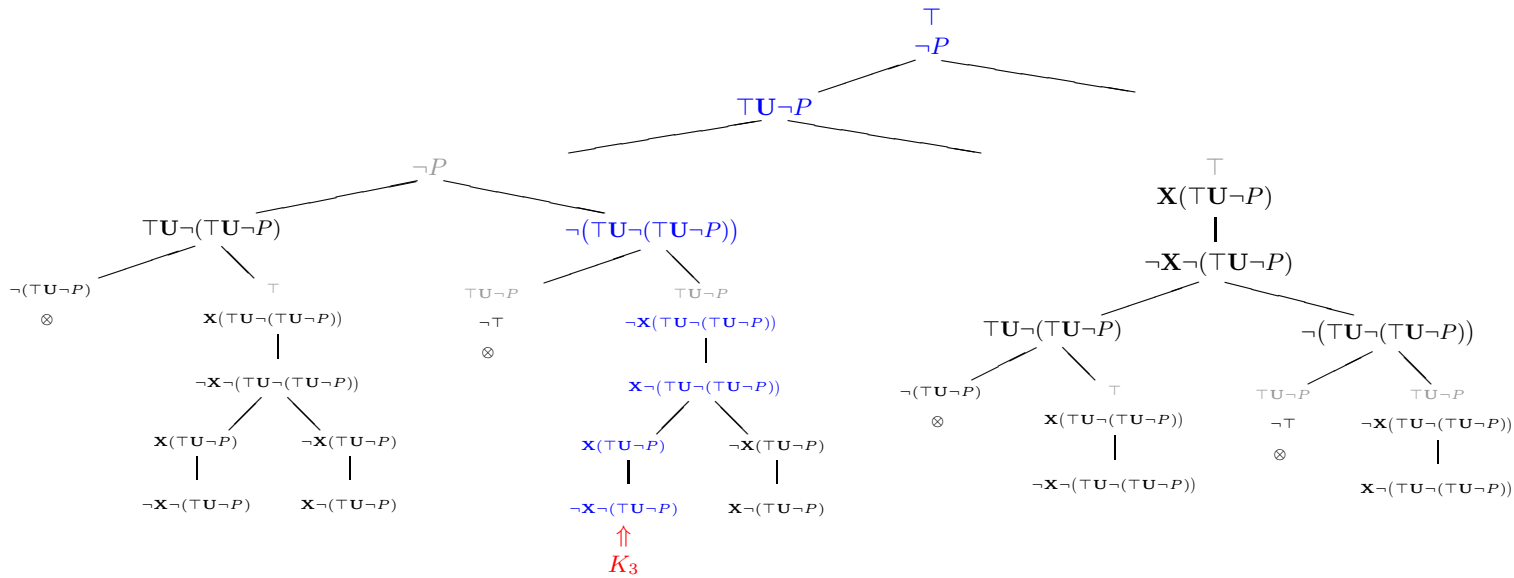
$v(a, P) = \text{false}$



Atomit:  
 $(a, K_1)$   
 $(a, K_2)$

$K_1 = \{\top, \neg P, \mathbf{TU}\neg P, \mathbf{TU}\neg(\mathbf{TU}\neg P), \mathbf{X}(\mathbf{TU}\neg(\mathbf{TU}\neg P)), \neg\mathbf{X}\neg(\mathbf{TU}\neg(\mathbf{TU}\neg P)), \mathbf{X}(\mathbf{TU}\neg P), \neg\mathbf{X}\neg(\mathbf{TU}\neg P)\}$   
 $K_2 = \{\top, \neg P, \mathbf{TU}\neg P, \mathbf{TU}\neg(\mathbf{TU}\neg P), \mathbf{X}(\mathbf{TU}\neg(\mathbf{TU}\neg P)), \neg\mathbf{X}\neg(\mathbf{TU}\neg(\mathbf{TU}\neg P)), \neg\mathbf{X}(\mathbf{TU}\neg P), \mathbf{X}\neg(\mathbf{TU}\neg P)\}$

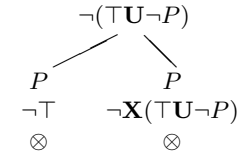
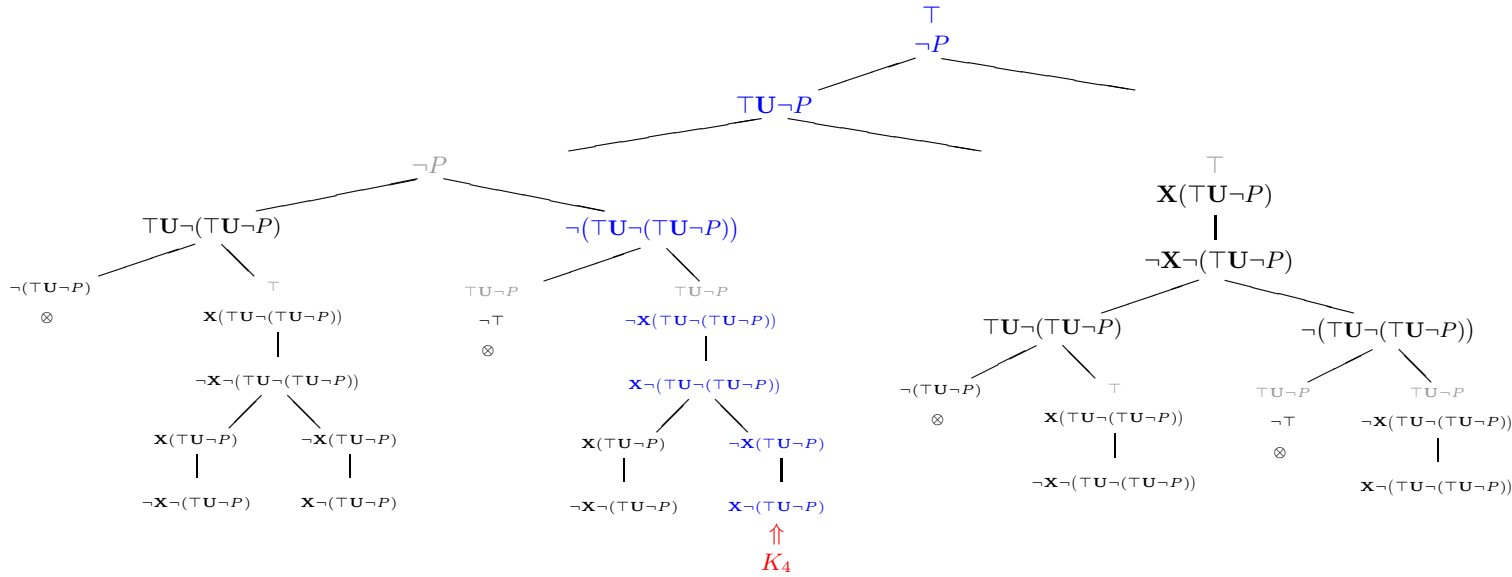
$v(a, P) = \text{false}$



Atomit:  
 $(a, K_1)$   
 $(a, K_2)$   
 $(a, K_3)$

- $K_1 = \{T, \neg P, TU\neg P, TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P)), X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_2 = \{T, \neg P, TU\neg P, TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg P), X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_3 = \{T, \neg P, TU\neg P, \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P)), X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P)\}$

$v(a, P) = \text{false}$

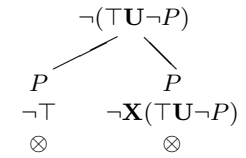
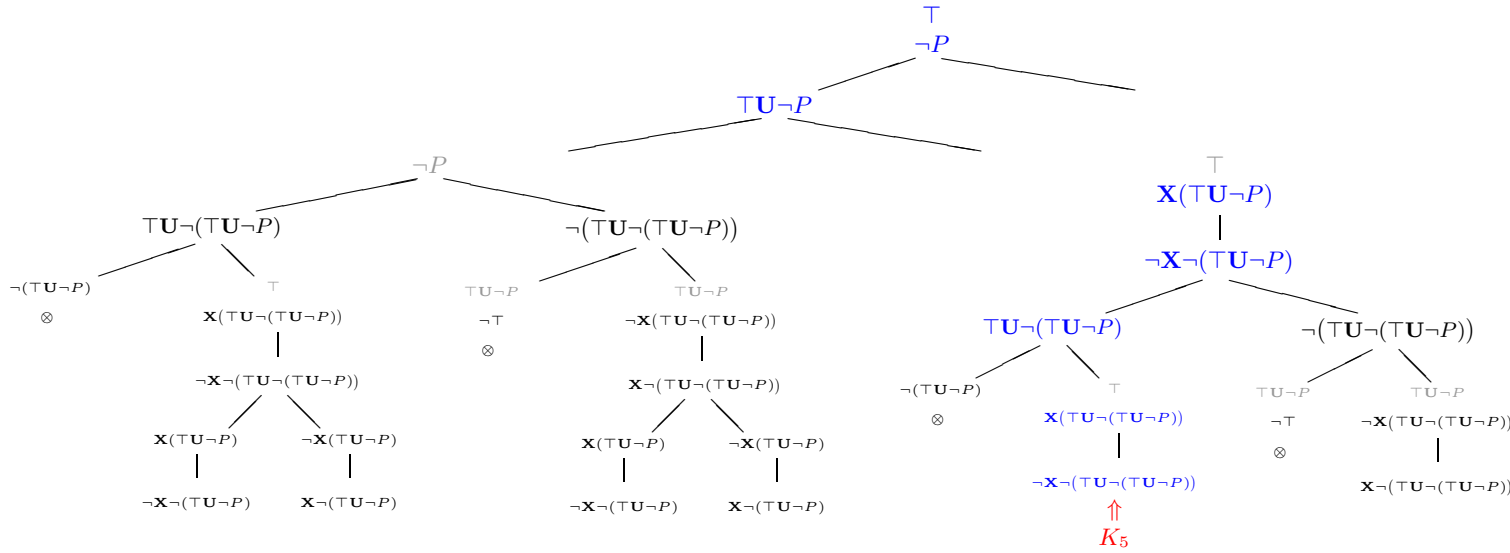


Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(a, K_3)$
- $(a, K_4)$

- $K_1 = \{T, \neg P, TU\neg P, TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P)), X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_2 = \{T, \neg P, TU\neg P, TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg P), X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_3 = \{T, \neg P, TU\neg P, \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P)), X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_4 = \{T, \neg P, TU\neg P, \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg P), X\neg(TU\neg P)\}$

$v(a, P) = \text{false}$

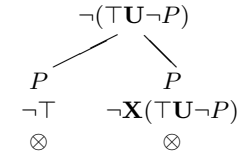
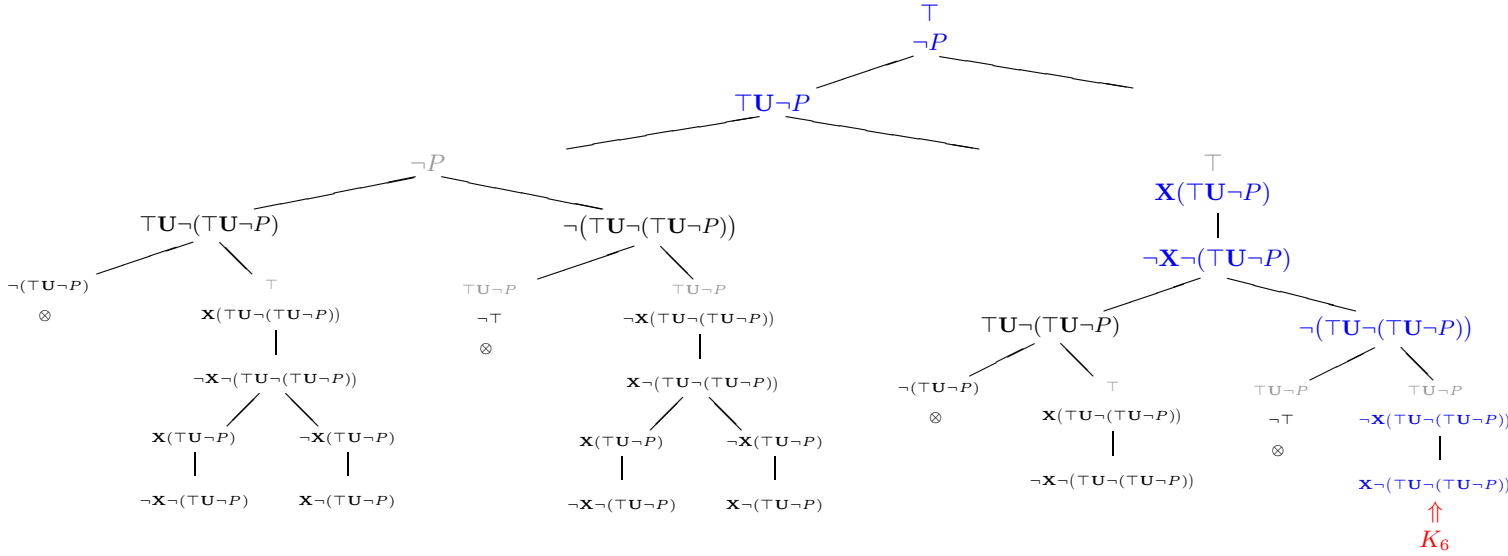


Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(a, K_3)$
- $(a, K_4)$
- $(a, K_5)$

- $K_1 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_2 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_3 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_4 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_5 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\}$

$v(a, P) = \text{false}$



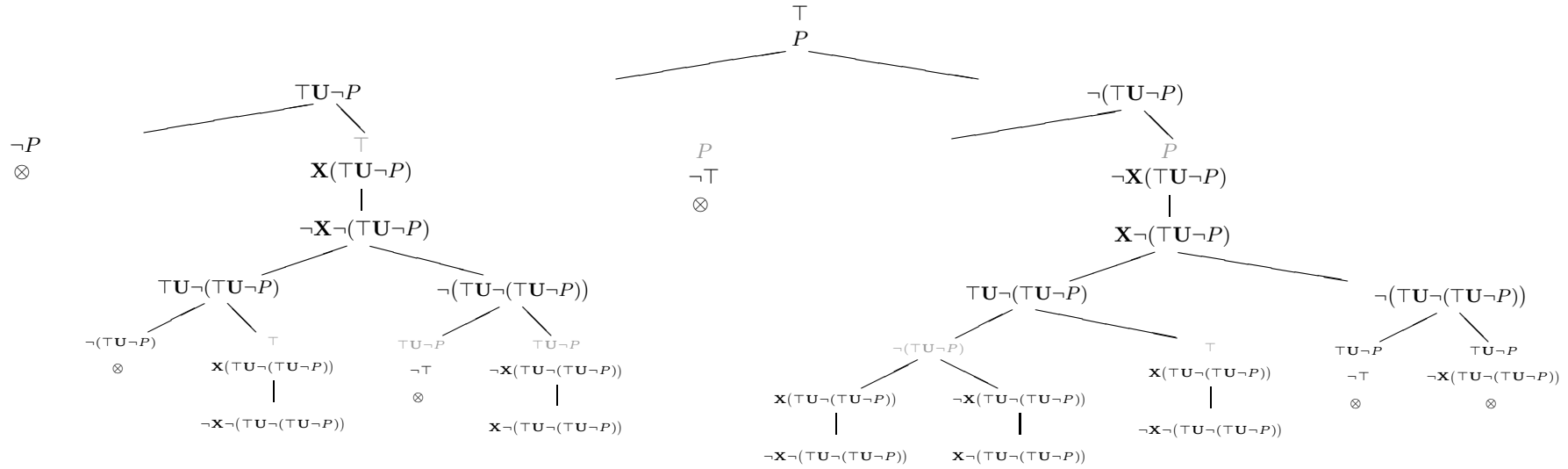
Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(a, K_3)$
- $(a, K_4)$
- $(a, K_5)$
- $(a, K_6)$

- $K_1 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P) \}$
- $K_2 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P) \}$
- $K_3 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P) \}$
- $K_4 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P) \}$
- $K_5 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)) \}$
- $K_6 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)) \}$



$$v(b, P) = v(c, P) = \text{true}$$

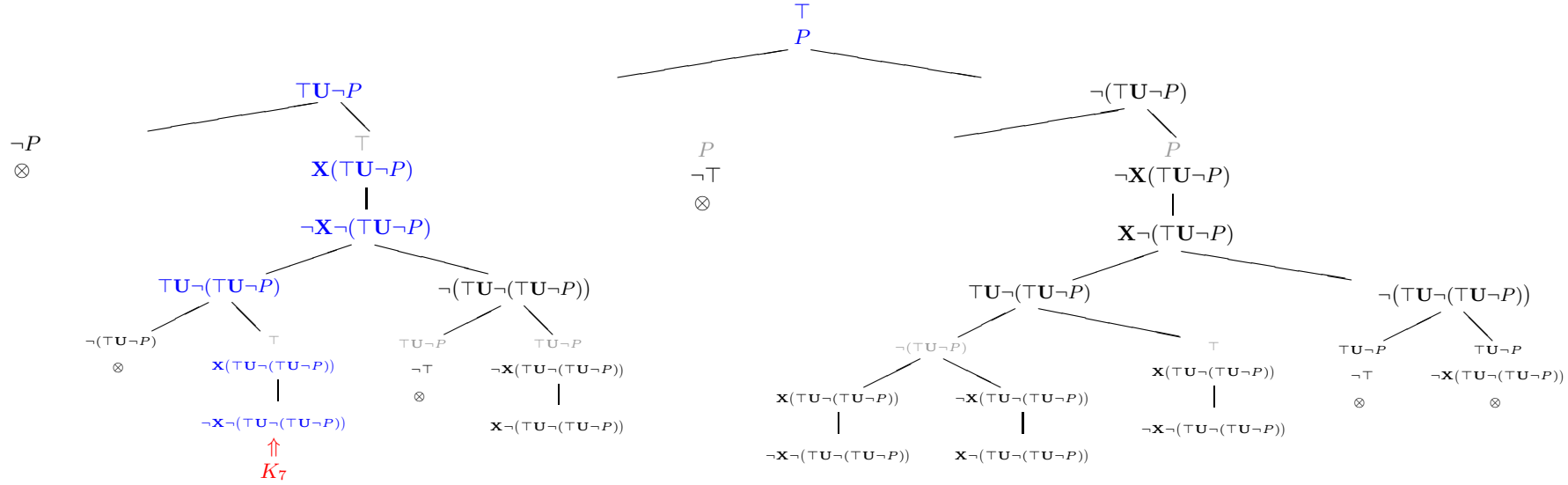


Atomit:

- (a,  $K_1$ )
- (a,  $K_2$ )
- (a,  $K_3$ )
- (a,  $K_4$ )
- (a,  $K_5$ )
- (a,  $K_6$ )

- $K_1 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_2 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_3 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_4 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_5 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\}$
- $K_6 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\}$

$$v(b, P) = v(c, P) = \text{true}$$

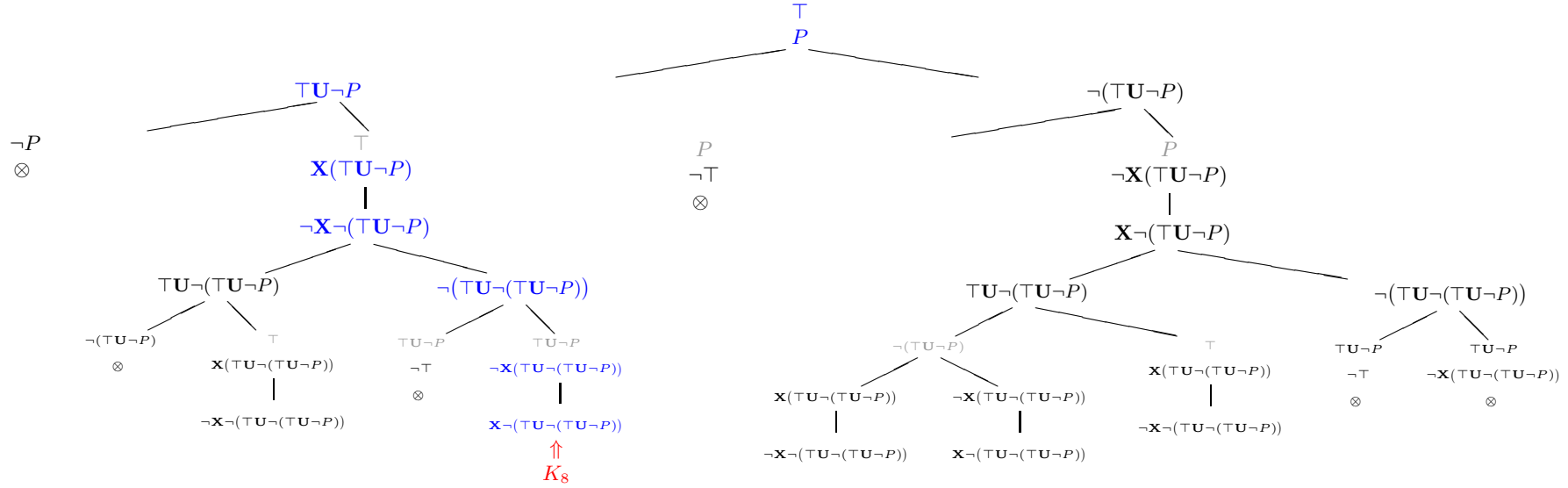


Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(a, K_3)$
- $(a, K_4)$
- $(a, K_5)$
- $(a, K_6)$
- $(b, K_7)$
- $(c, K_7)$

- $K_1 = \{T, \neg P, TU\neg P, TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P)), X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_2 = \{T, \neg P, TU\neg P, TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg P), X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_3 = \{T, \neg P, TU\neg P, \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P)), X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_4 = \{T, \neg P, TU\neg P, \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg P), X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_5 = \{T, \neg P, TU\neg P, X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P), TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$
- $K_6 = \{T, \neg P, TU\neg P, X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P), \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$
- $K_7 = \{T, P, TU\neg P, X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P), TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$

$$v(b, P) = v(c, P) = \text{true}$$

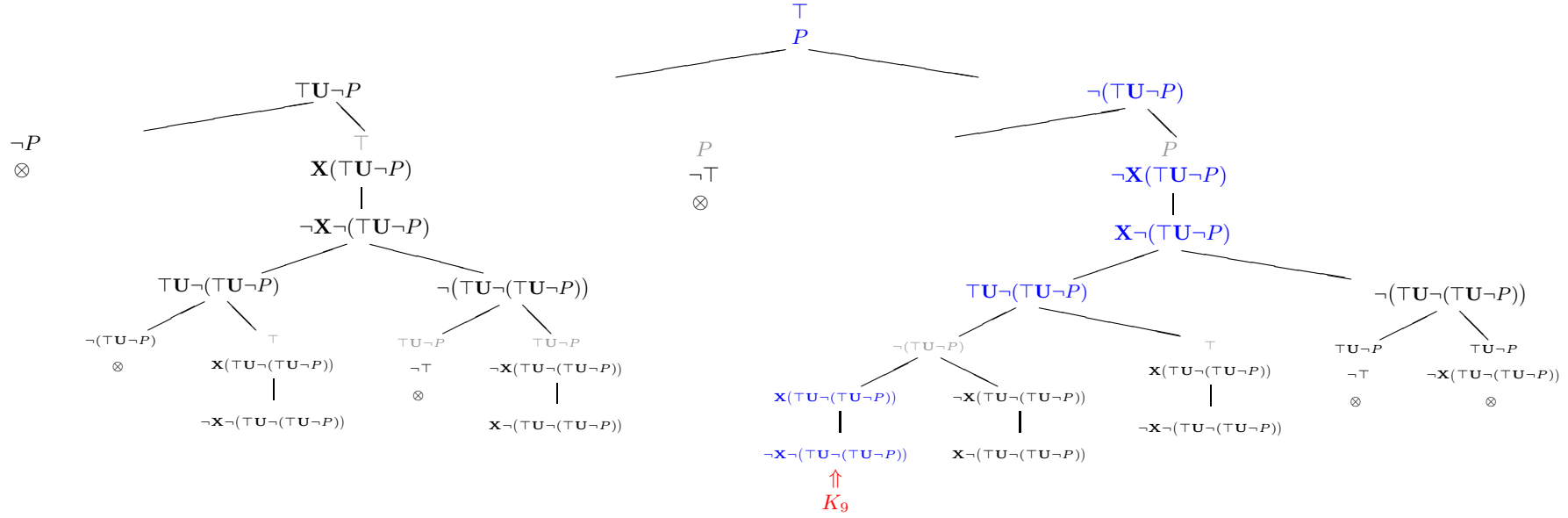


Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(a, K_3)$
- $(a, K_4)$
- $(a, K_5)$
- $(a, K_6)$
- $(b, K_7)$
- $(c, K_7)$
- $(b, K_8)$
- $(c, K_8)$

- $K_1 = \{T, \neg P, TU\neg P, TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P)), X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_2 = \{T, \neg P, TU\neg P, TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg P), X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_3 = \{T, \neg P, TU\neg P, \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P)), X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_4 = \{T, \neg P, TU\neg P, \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg P), X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_5 = \{T, \neg P, TU\neg P, X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P), TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$
- $K_6 = \{T, \neg P, TU\neg P, X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P), \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$
- $K_7 = \{T, P, TU\neg P, X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P), TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$
- $K_8 = \{T, P, TU\neg P, X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P), \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$

$$v(b, P) = v(c, P) = \text{true}$$

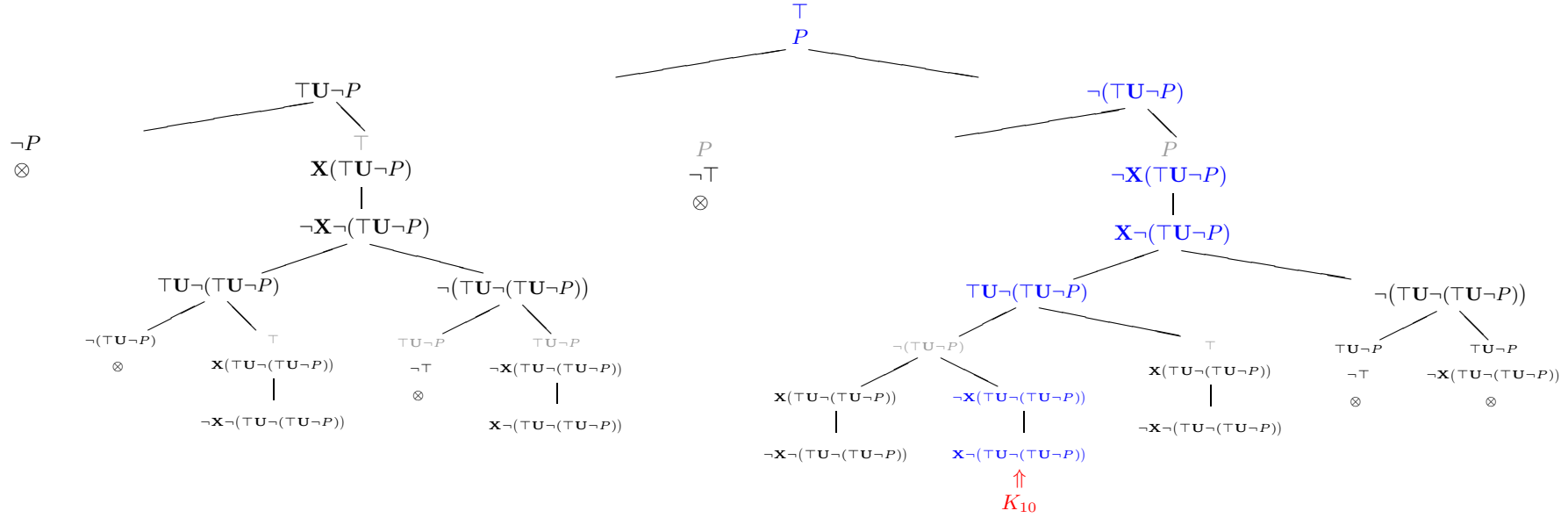


Atomit:

- (a,  $K_1$ )
- (a,  $K_2$ )
- (a,  $K_3$ )
- (a,  $K_4$ )
- (a,  $K_5$ )
- (a,  $K_6$ )
- (b,  $K_7$ )
- (c,  $K_7$ )
- (b,  $K_8$ )
- (c,  $K_8$ )
- (b,  $K_9$ )
- (c,  $K_9$ )

- $K_1 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg (\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg (\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg (\top U \neg (\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg (\top U \neg P) \}$
- $K_2 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg (\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg (\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg (\top U \neg (\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg (\top U \neg P) \}$
- $K_3 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \neg (\top U \neg (\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg (\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg (\top U \neg (\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg (\top U \neg P) \}$
- $K_4 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \neg (\top U \neg (\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg (\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg (\top U \neg (\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg (\top U \neg P) \}$
- $K_5 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg (\top U \neg P), \top U \neg (\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg (\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg (\top U \neg (\top U \neg P)) \}$
- $K_6 = \{ \top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg (\top U \neg P), \neg (\top U \neg (\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg (\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg (\top U \neg (\top U \neg P)) \}$
- $K_7 = \{ \top, P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg (\top U \neg P), \top U \neg (\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg (\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg (\top U \neg (\top U \neg P)) \}$
- $K_8 = \{ \top, P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg (\top U \neg P), \neg (\top U \neg (\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg (\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg (\top U \neg (\top U \neg P)) \}$
- $K_9 = \{ \top, P, \neg (\top U \neg P), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg (\top U \neg P), \top U \neg (\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg (\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg (\top U \neg (\top U \neg P)) \}$

$$v(b, P) = v(c, P) = \text{true}$$

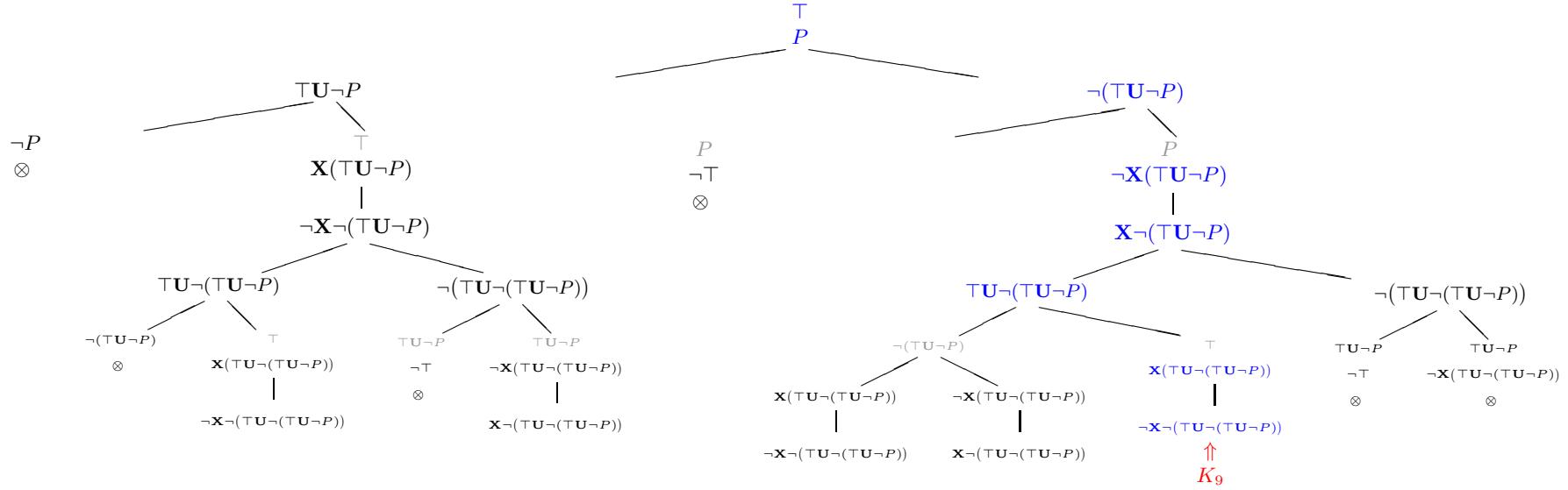


Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(a, K_3)$
- $(a, K_4)$
- $(a, K_5)$
- $(a, K_6)$
- $(b, K_7)$
- $(c, K_7)$
- $(b, K_8)$
- $(c, K_8)$
- $(b, K_9)$
- $(c, K_9)$
- $(b, K_{10})$
- $(c, K_{10})$

- $K_1 = \{T, \neg P, TU\neg P, TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P)), X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_2 = \{T, \neg P, TU\neg P, TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg P), X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_3 = \{T, \neg P, TU\neg P, \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P)), X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_4 = \{T, \neg P, TU\neg P, \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg P), X\neg(TU\neg P)\}$
- $K_5 = \{T, \neg P, TU\neg P, X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P), TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$
- $K_6 = \{T, \neg P, TU\neg P, X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P), \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$
- $K_7 = \{T, P, TU\neg P, X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P), TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$
- $K_8 = \{T, P, TU\neg P, X(TU\neg P), \neg X\neg(TU\neg P), \neg(TU\neg(TU\neg P)), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$
- $K_9 = \{T, P, \neg(TU\neg P), \neg X(TU\neg P), X\neg(TU\neg P), TU\neg(TU\neg P), X(TU\neg(TU\neg P)), \neg X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$
- $K_{10} = \{T, P, \neg(TU\neg P), \neg X(TU\neg P), X\neg(TU\neg P), TU\neg(TU\neg P), \neg X(TU\neg(TU\neg P)), X\neg(TU\neg(TU\neg P))\}$

$$v(b, P) = v(c, P) = \text{true}$$



Atomit:

- (a,  $K_1$ )
- (a,  $K_2$ )
- (a,  $K_3$ )
- (a,  $K_4$ )
- (a,  $K_5$ )
- (a,  $K_6$ )
- (b,  $K_7$ )
- (c,  $K_7$ )
- (b,  $K_8$ )
- (c,  $K_8$ )
- (b,  $K_9$ )
- (c,  $K_9$ )
- (b,  $K_{10}$ )
- (c,  $K_{10}$ )

- $K_1 = \{\top, \neg P, \top U\neg P, \top U\neg(T, U\neg P), X(T, U\neg(T, U\neg P)), \neg X\neg(T, U\neg(T, U\neg P)), X(T, U\neg P), \neg X\neg(T, U\neg P)\}$
- $K_2 = \{\top, \neg P, \top U\neg P, \top U\neg(T, U\neg P), X(T, U\neg(T, U\neg P)), \neg X\neg(T, U\neg(T, U\neg P)), \neg X(T, U\neg P), X\neg(T, U\neg P)\}$
- $K_3 = \{\top, \neg P, \top U\neg P, \neg(T, U\neg(T, U\neg P)), \neg X(T, U\neg(T, U\neg P)), X\neg(T, U\neg(T, U\neg P)), X(T, U\neg P), \neg X\neg(T, U\neg P)\}$
- $K_4 = \{\top, \neg P, \top U\neg P, \neg(T, U\neg(T, U\neg P)), \neg X(T, U\neg(T, U\neg P)), X\neg(T, U\neg(T, U\neg P)), \neg X(T, U\neg P), X\neg(T, U\neg P)\}$
- $K_5 = \{\top, \neg P, \top U\neg P, X(T, U\neg P), \neg X\neg(T, U\neg P), \top U\neg(T, U\neg P), X(T, U\neg(T, U\neg P)), \neg X\neg(T, U\neg(T, U\neg P))\}$
- $K_6 = \{\top, \neg P, \top U\neg P, X(T, U\neg P), \neg X\neg(T, U\neg P), \neg(T, U\neg(T, U\neg P)), \neg X(T, U\neg(T, U\neg P)), X\neg(T, U\neg(T, U\neg P))\}$
- $K_7 = \{\top, P, \top U\neg P, X(T, U\neg P), \neg X\neg(T, U\neg P), \top U\neg(T, U\neg P), X(T, U\neg(T, U\neg P)), \neg X\neg(T, U\neg(T, U\neg P))\}$
- $K_8 = \{\top, P, \top U\neg P, X(T, U\neg P), \neg X\neg(T, U\neg P), \neg(T, U\neg(T, U\neg P)), \neg X(T, U\neg(T, U\neg P)), X\neg(T, U\neg(T, U\neg P))\}$
- $K_9 = \{\top, P, \neg(T, U\neg P), \neg X(T, U\neg P), X\neg(T, U\neg P), \top U\neg(T, U\neg P), X(T, U\neg(T, U\neg P)), \neg X\neg(T, U\neg(T, U\neg P))\}$
- $K_{10} = \{\top, P, \neg(T, U\neg P), \neg X(T, U\neg P), X\neg(T, U\neg P), \top U\neg(T, U\neg P), \neg X(T, U\neg(T, U\neg P)), X\neg(T, U\neg(T, U\neg P))\}$

$K$ -joukkojen välinen ”yhteensopivuusrelaatio”:

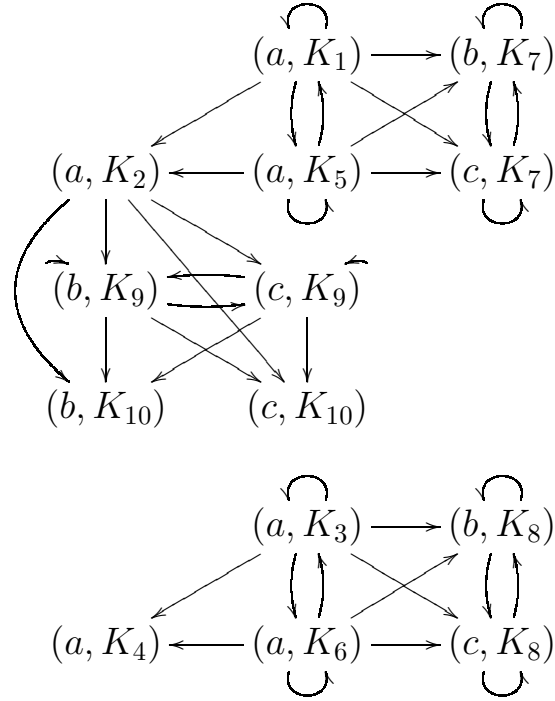
	$K_1$	$K_2$	$K_3$	$K_4$	$K_5$	$K_6$	$K_7$	$K_8$	$K_9$	$K_{10}$
$K_1$	×	×			×		×			
$K_2$									×	×
$K_3$			×	×		×		×		
$K_4$										
$K_5$	×	×			×		×			
$K_6$			×	×		×		×		
$K_7$	×	×			×		×			
$K_8$			×	×		×		×		
$K_9$									×	×
$K_{10}$										

Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(a, K_3)$
- $(a, K_4)$
- $(a, K_5)$
- $(a, K_6)$
- $(b, K_7)$
- $(c, K_7)$
- $(b, K_8)$
- $(c, K_8)$
- $(b, K_9)$
- $(c, K_9)$
- $(b, K_{10})$
- $(c, K_{10})$

$$\begin{aligned}
 K_1 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\} \\
 K_2 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\} \\
 K_3 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\} \\
 K_4 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\} \\
 K_5 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\} \\
 K_6 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\} \\
 K_7 &= \{\top, P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\} \\
 K_8 &= \{\top, P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\} \\
 K_9 &= \{\top, P, \neg(\top U \neg P), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\} \\
 K_{10} &= \{\top, P, \neg(\top U \neg P), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\}
 \end{aligned}$$

Graafi  $G$ :



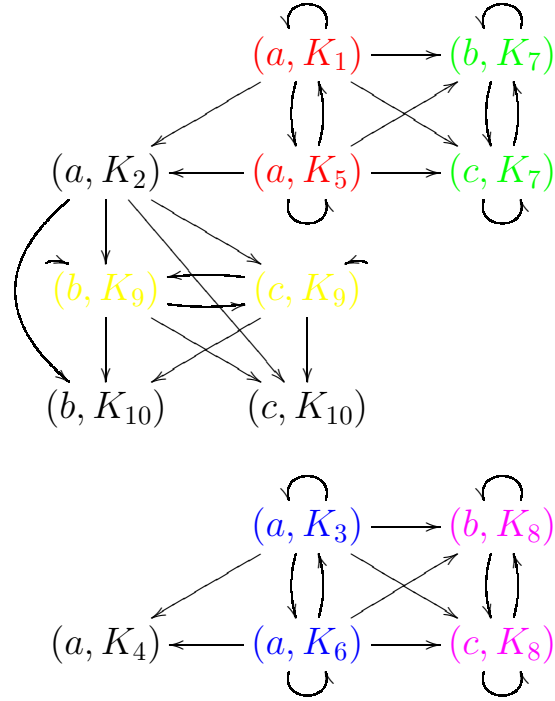
Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(a, K_3)$
- $(a, K_4)$
- $(a, K_5)$
- $(a, K_6)$
- $(b, K_7)$
- $(c, K_7)$
- $(b, K_8)$
- $(c, K_8)$
- $(b, K_9)$
- $(c, K_9)$
- $(b, K_{10})$
- $(c, K_{10})$

$$\begin{aligned}
 K_1 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\} \\
 K_2 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\} \\
 K_3 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\} \\
 K_4 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\} \\
 K_5 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\} \\
 K_6 &= \{\top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\} \\
 K_7 &= \{\top, P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\} \\
 K_8 &= \{\top, P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\} \\
 K_9 &= \{\top, P, \neg(\top U \neg P), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\} \\
 K_{10} &= \{\top, P, \neg(\top U \neg P), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\}
 \end{aligned}$$



$G$ :n ei-triviaalit vahvasti kytketyt komponentit:

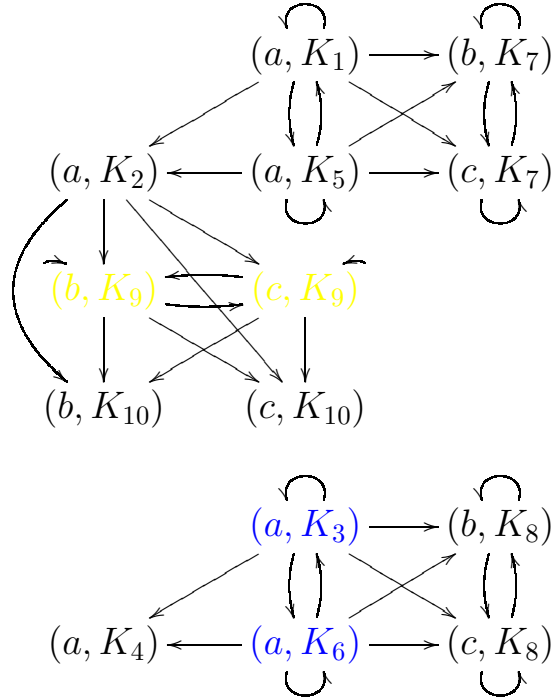


Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(a, K_3)$
- $(a, K_4)$
- $(a, K_5)$
- $(a, K_6)$
- $(b, K_7)$
- $(c, K_7)$
- $(b, K_8)$
- $(c, K_8)$
- $(b, K_9)$
- $(c, K_9)$
- $(b, K_{10})$
- $(c, K_{10})$

$$\begin{aligned}
 K_1 &= \{\top, \neg P, \top \mathbf{U} \neg P, \top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)\} \\
 K_2 &= \{\top, \neg P, \top \mathbf{U} \neg P, \top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg P), \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)\} \\
 K_3 &= \{\top, \neg P, \top \mathbf{U} \neg P, \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)\} \\
 K_4 &= \{\top, \neg P, \top \mathbf{U} \neg P, \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg P), \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)\} \\
 K_5 &= \{\top, \neg P, \top \mathbf{U} \neg P, \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P))\} \\
 K_6 &= \{\top, \neg P, \top \mathbf{U} \neg P, \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P))\} \\
 K_7 &= \{\top, P, \top \mathbf{U} \neg P, \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P))\} \\
 K_8 &= \{\top, P, \top \mathbf{U} \neg P, \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P))\} \\
 K_9 &= \{\top, P, \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \neg \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg P), \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P))\} \\
 K_{10} &= \{\top, P, \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \neg \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg P), \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P), \neg \mathbf{X}(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top \mathbf{U} \neg(\top \mathbf{U} \neg P))\}
 \end{aligned}$$

$G$ :n itsetoteutuvat ei-triviaalit vahvasti kytketyt komponentit:

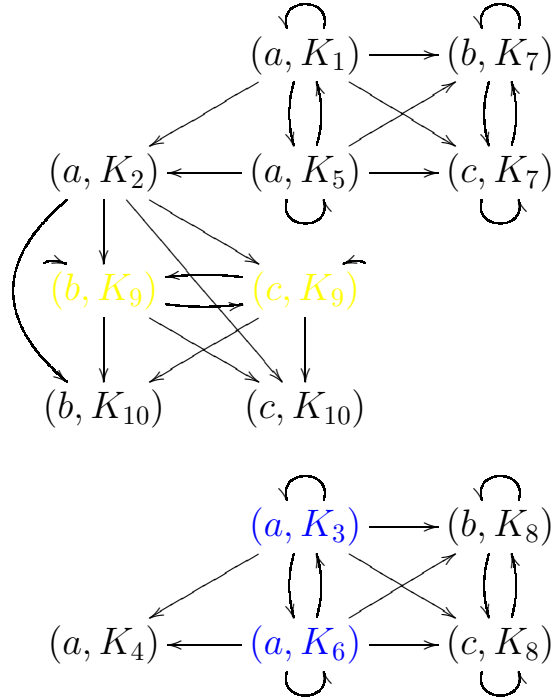


Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(a, K_3)$
- $(a, K_4)$
- $(a, K_5)$
- $(a, K_6)$
- $(b, K_7)$
- $(c, K_7)$
- $(b, K_8)$
- $(c, K_8)$
- $(b, K_9)$
- $(c, K_9)$
- $(b, K_{10})$
- $(c, K_{10})$

- $K_1 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_2 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_3 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_4 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P)\}$
- $K_5 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\}$
- $K_6 = \{\top, \neg P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\}$
- $K_7 = \{\top, P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\}$
- $K_8 = \{\top, P, \top U \neg P, \mathbf{X}(\top U \neg P), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \neg(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\}$
- $K_9 = \{\top, P, \neg(\top U \neg P), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \neg \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\}$
- $K_{10} = \{\top, P, \neg(\top U \neg P), \neg \mathbf{X}(\top U \neg P), \mathbf{X} \neg(\top U \neg P), \top U \neg(\top U \neg P), \neg \mathbf{X}(\top U \neg(\top U \neg P)), \mathbf{X} \neg(\top U \neg(\top U \neg P))\}$

$G$ :n itsetoteutuvat ei-triviaalit vahvasti kytketyt komponentit:



Lause  $\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P))$  kuuluu esimerkiksi joukkoon  $K_6$ , ja  $G$ :ssä on polku atomista  $(a, K_6)$  itsetoteutuvaan komponenttiin (koska  $(a, K_6)$  kuuluu itsetoteutuvaan komponenttiin). Siten  $\mathcal{M}, a \models \mathbf{E}\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P))$ , joten  $\mathcal{M}, a \not\models \mathbf{A}(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P))$ .

Atomit:

- $(a, K_1)$
- $(a, K_2)$
- $(a, K_3)$
- $(a, K_4)$
- $(a, K_5)$
- $(a, K_6)$
- $(b, K_7)$
- $(c, K_7)$
- $(b, K_8)$
- $(c, K_8)$
- $(b, K_9)$
- $(c, K_9)$
- $(b, K_{10})$
- $(c, K_{10})$

- $K_1 = \{\top, \neg P, \top\mathbf{U}\neg P, \top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \neg\mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg P), \neg\mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)\}$
- $K_2 = \{\top, \neg P, \top\mathbf{U}\neg P, \top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \neg\mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \neg\mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg P), \mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)\}$
- $K_3 = \{\top, \neg P, \top\mathbf{U}\neg P, \neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \neg\mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg P), \neg\mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)\}$
- $K_4 = \{\top, \neg P, \top\mathbf{U}\neg P, \neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \neg\mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \neg\mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg P), \mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)\}$
- $K_5 = \{\top, \neg P, \top\mathbf{U}\neg P, \mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg P), \neg\mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \neg\mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P))\}$
- $K_6 = \{\top, \neg P, \top\mathbf{U}\neg P, \mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg P), \neg\mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \neg\mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P))\}$
- $K_7 = \{\top, P, \top\mathbf{U}\neg P, \mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg P), \neg\mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \neg\mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P))\}$
- $K_8 = \{\top, P, \top\mathbf{U}\neg P, \mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg P), \neg\mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \neg\mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P))\}$
- $K_9 = \{\top, P, \neg(\top\mathbf{U}\neg P), \neg\mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg P), \mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \neg\mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P))\}$
- $K_{10} = \{\top, P, \neg(\top\mathbf{U}\neg P), \neg\mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg P), \mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P), \neg\mathbf{X}(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P)), \mathbf{X}\neg(\top\mathbf{U}\neg(\top\mathbf{U}\neg P))\}$