Tik-79.146 **Kevät 2001**
Logiikka tietotekniikassa: erityiskysymyksiä I
Laskuharjoitus 2
26.1.2001

Kertaustehtäviä predikaattilogiikasta (demonstraatiotehtäviä, joista ei jaeta pisteitä):

1. Anna seuraaville lauseille malli, jossa lause on tosi.

a) $\exists x_1 \exists x_2 P(x_1, x_2) \wedge \forall x_1 \forall x_2 (P(x_1, x_2) \rightarrow P(x_2, x_1))$

b) $\forall x_1 \exists x_2 P(x_1, x_2) \wedge \forall x_1 \forall x_2 \forall x_3 (P(x_1, x_2) \wedge P(x_2, x_3) \rightarrow P(x_1, x_3))$

2. Anna todistus semanttisen taulun menetelmällä seuraaville lauseille.

a) $(\forall x P(x) \wedge \forall x Q(x)) \rightarrow \forall x (P(x) \vee Q(x))$

b) $\exists y (\exists x P(x) \rightarrow P(y))$

Kotitehtävät:

1. Merkitään 'agentti tietää φ:n' $K\varphi$:llä. Esitä seuraavien modaalilogiikan lauseiden merkitys luonnollisella kielellä.

(a) $\varphi \rightarrow K\varphi$

(b) $\neg K\varphi \rightarrow K\neg K\varphi$

(c) $K(\varphi \rightarrow \psi) \rightarrow (K\varphi \rightarrow K\psi)$

2. Merkitään 'agentti tietää φ:n' $K\varphi$:llä ja 'φ on konsistenttia agentin tietämyksen kanssa' $L\varphi$:llä. Formalisoi seuraavat lauseet.

(a) Jos φ on tosi, niin on konsistenttia agentin tietämyksen kanssa, että agentti tietää φ:n.

(b) Jos φ ja ψ ovat konsistentteja agentin tietämyksen kanssa, niin $\varphi \wedge \psi$ on konsistenttia agentin tietämyksen kanssa.

(c) Jos agentti tietää φ:n, niin φ on konsistenttia agentin tietämyksen kanssa.

(d) Jos on konsistenttia agentin tietämyksen kanssa, että φ on konsistenttia agentin tietämyksen kanssa, niin φ on konsistenttia agentin tietämyksen kanssa.

3. Formalisoi seuraavat lauseet modaalilogiikan kielellä.

(a) Agentti a tietää, että agentti b tietää, että ulkona sataa, mutta agentti b ei tiedä, että agentti a tietää, että agentti b tietää, että ulkona sataa.

(b) Agentti a tietää, että agentti b ei tiedä, sataako ulkona.

(c) Agentti b tietää, että agentti a tietää, sataako ulkona.

(d) Agentti a ei tiedä, onko niin, että agentti b tietää, että agentti a tietää, että ulkona sataa.